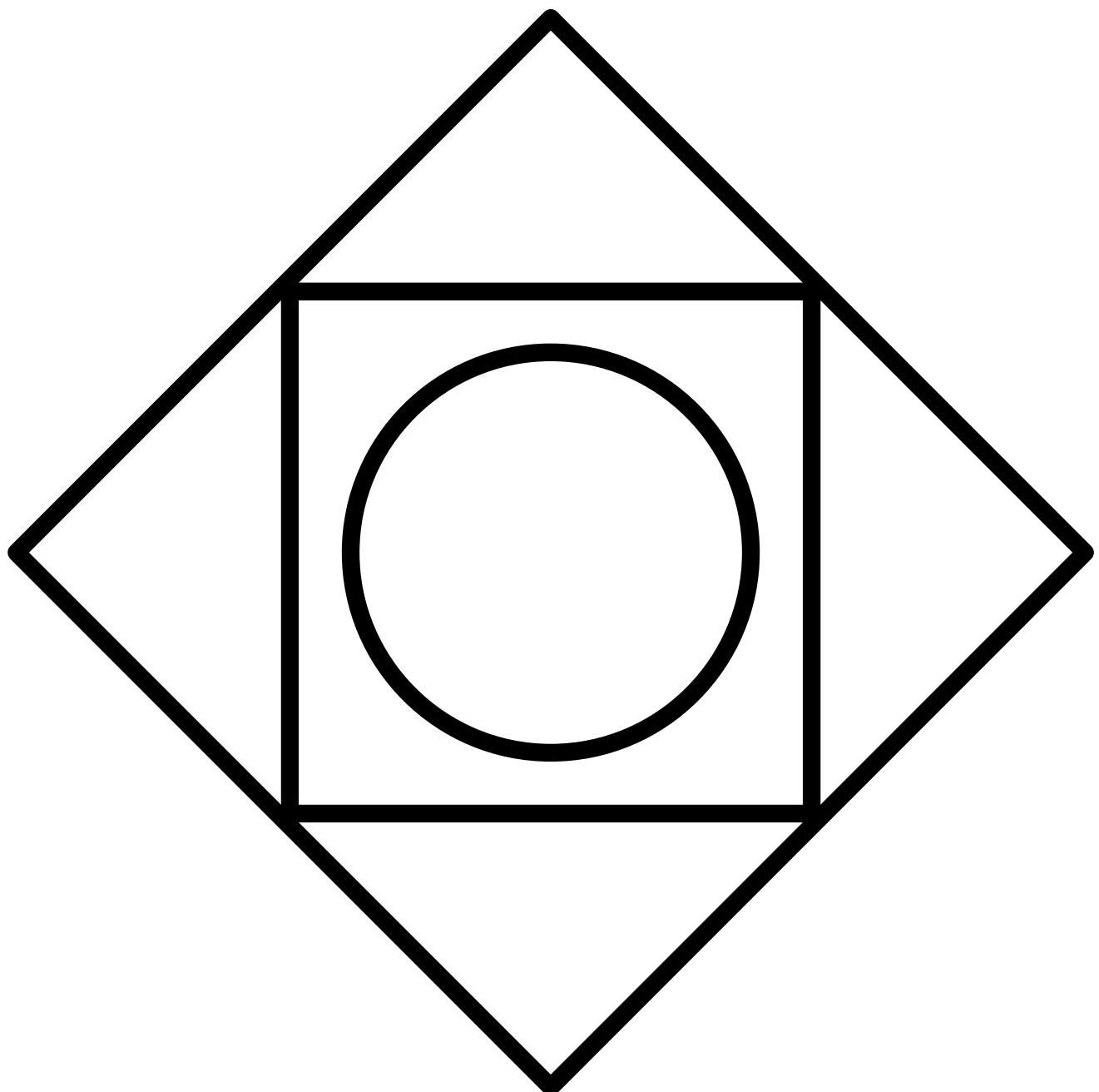


# תכנית אגם לחינוך חזותי

## יעקב אגם



20  
יחס ופרופורציה

**חוקר על-ידי:**  
**יעקב אגם**

**בשותוף עם:**  
פטרישיה ון דאלן גרסיה - אוירום  
ניקול גטון דה ריברה - פסיכולוגית

**עיבוד וניסוי:**  
גילליה לוי  
עפרה שraig

**עיבוד ויעוץ:**  
רנה הרשקוביץ

**תירוגוט:**  
ריקה זילבר

**גרפיקה**  
חנה היילר

**הדפסה:**  
כרמלת רוט-נוב

**פייתוח חוברת זאת נתאפשר באופן חלקי על-ידי תרומה מקרן תל-אביב**

C  
כל הזכויות שמורות  
**יעקב אגם ומכוון ויצמן למדע**

הודפס בישראל  
תשנ"א 1991

## הקדמה

### שיטת החינוך החזותית של יעקב אגס

#### חינוך העין לשם הרחבת המשאבים האינטלקטואליים וగירוי היצירתיות

אנו כולנו אנאלפביתים מבחינה חזותית. החינוך שאנו נותנים לילדים גורם גם להם להיות כאלה.

לכן, מטרתה של שיטת החינוך החזותי שלפנינו היא בראש ובראשונה חינוך העין. השיטה نوعה לאפשר ילדים להבין ולקלוט את עולם הצורות הסובב אותם, להזכיר את היסודות הבסיסיים שבו, לשלוט בעולם הצורות תוך יכולת לשנותו, באופן יצירתי.

לשם השגת מטרות אלה, מעמידה השיטה ליד את יסודותיו הבסיסיים של אלף-בית חזותי. לאחר מכן, תוך פיתוח החינוך החזותי, שהזונה עד כה לטובת התירגול המילולי על-ידי מרבית השיטות החינוכיות, ניתן יהיה להפעיל את כל הפטונציאל השכלי של הילד ולתת לו את האפשרות לפתח לא רק את האינטיליגנציה, אלא גם את היצירתיות שלו.

מה קורה למעשה במרבית שיטות החינוך המישומות כיום במוסדות החינוך בעולם כולו? הדגש העיקרי הוא על חינוך באמצעות מיללים; רכישת שפת המילים, השימוש בה, ופיתוחו אוצר מילים עשיר. זהה מסורת היסטורית המשותפת כiboldן לרובם הגדול של העמים שתרבויותם מבוססות על הכתיבה ועל הספר.

חוסר האיזון בין המילה וההתמונה מופיע כבר בחינוך בגיל הרך, ואחר-כך גם בבית הספר. וזאת על אף שבגיל הרך, הילד מרגיש את עצמו בנוח בעולם הצורות: צורות הביטוי הראשונות שלו הן הצירור, הריגשות לעבע והעירנות לתנועה. זהה שפטו הראשונה של הילד, זהה תפישתו הראשונה את העולם שמסביב. כשהילד מקבל את יסודות החינוך הראשונים, כבר מפותחת אצלו היכולת לקלוט את התמונה ולקשר אותה עם המילה. למרות כל זאת, כבר בחינוך בגין הילדים מופיע הדגש על המילה. זהה מein עכירה של תפישת הידע אותה רכש הילד באופן כמעט אינטינקטיבי. מיד עם השיעורים הראשונים בבית-הספר מתחילה התנוונות נוספת של העין. האוזן לעומת זאת, הופכת למכשיר העיקרי לקליטת ידע ומיללים שליטות בכיפה. היכולת לקלוט את התמונה ולקשרה עם המילה תלך ותיפחת, ולאורך כל מסלול לימודיו לא תשוב להיות כה מפותחת, כמו שהיא בשנות החיים הראשונות.

יש להציג את העובדה כי מחקרים שנערכו לאחרונה הוכיחו כי הקליטה החזותית של מידע בלתי-מילולי והשניתיה שלו, היא מהירה ויעילה הרבה יותר כאשר מידע זה נקלט ישירות דרך העין ולא בתיווכן של מיללים. מכאן, קרובה לוודאי כי גם היכולת להשתמש במידע שנקלט באופן חזותי ישיר, היא טוביה יותר.

לכן, בשיטה זו - שיטת החינוך החזותי, מטרתי היא לשים דגש על פיתוח היכולת השכלית החזותית של הילד, יכולת שהיתה כמעט מושלמת בלתי מפותחת עד כה. ברצוני להעשור יכולת זו, לגאות אותה ולאפשר את פיתוחו החיצוני החזותי בדיקן באותו אופן בו מפתחים זיכרון מילולי. זיכרון זה ישמש את הילד בהמשך דרכו האינטלקטואלית.

בעולמו של הילד מופיעות הצורות באופן מסוימי וברוטלי כשהן משולבות אישיה ברעوتה ללא הפרדה. מטרתה הראשונית של השיטה היא להפריד בין הצורות, לנתקן ולפרקן, לזהות את שילובי הצורות הבסיסיות, את הצבעים ושילוביהם ואת הנפחים, ככלומר - ליצור "אלף-בית חזותי". אלף-בית זה ירכיב מצורות, החל מן הצורה הפשטota ביותר וכלה במורכבות ביותר ויכלול את מרכיביה השונים של השפה החזותית. כך יראה הילד את מימדייו השונים של המרחב, את הדינמיות הקיימת בצורות בין לבין עצמן ולבסוף את האופן בו מושפע עולם הצורות מהזמן, מהקליטה שלנו ומפעליו וויתנו השונות. מטרתה של השיטה אינה רק יצירת ריגשות אסתטית אצל הילד אלא גם הענקת חינוך חזותי המאפשר לילד להבין את עולם הצורות, את שילובן ואת ה"ת לחבר" שלהם. מטרתו של אלף-בית החזותי היא ליצור שיטה להבנת עולם הצורות בדיקן כפי שלמדו אותיות, הברות, מילים ודקדוק היא שיטה לרכיבת שפת המיללים.

לצורך יש תוכן ומשמעות אשר לא תמיד ניתנים להבנה באמצעות מילים. לעיתים מביאה הצורה לכשעומה הרבה יותר מהמילה המגדירה אותה. אי לכך, מטרתה של השיטה היא יצירת שווי משקל בין

המילה שקיבלה משמעות מושלמת יתר בחינוך הקונבנציונאל והצורה שהפכה לחסרת חשיבות. שיווי משקל זה מפתח ומגביר את היכישורים האינטלקטואליים וחיבר להתקנים לאורך מסלול הלימוד של הילד, עד לדרגות הגבוחות ביותר של החינוך הגבוה. הילד ירכוש, בנוסף לשפת המילים, שפה חדשה, שונה, שתשרה אותו בכל התחומים.

כדי להצליח בתירגול שיטה זו, אנו מציגים את הפעולות בצורה הדרגתית-프로그램ית. אנו חולכים זה הקל אל הקשה, מן הステטי אל הדינامي, מהיחיד אל הרבים, תוך כדי העשרה הדרגתית של המידע הנרכש.

כל חברה, המביאה בפנינו יסוד ספציפי של הרגשות החזותית שברצוננו לפתח, מוחולקת לשולש שלבים:

1. **זיהוי**
2. **פיתוח הזיכרון**
3. **שיהור**

**שלב הזיהוי** מאפשר לידי להכיר את הצורה, את הקו, את הצבע וכו', דהיינו, את כל יסודות האל-בית החזותי שעליו לרכוש. בשלב זה נפתח את יכולת הבדיקה, את החיפוש האקטיבי אחר היסוד אשר בו על הילד להבחין ואת הרגשות החזותית ללא עזרה מילולית כלשהי, בכחבו או בעל-פה. תוקן כדי פעילויות אלה משחק הילד, משתמש בגוף, עוסק בצורותדיו ומתאר אותן בצורה גרפית. כמו כן באים לידי ביטוי החוש החברתי של הילד והאוטונומיה שלו גם יחד. המטרה כמובן היא הפנתה כל אחד מיסודות האל-בית החזותי ושליטה בהם.

בשלב **פיתוח הזיכרון** אנו יוצאים מנקודת הנחה שתרגילי הזיהוי נקלטו היטב. מטרתן של הפעולות בשלב זה אינה רק לשנן כל אחד מיסודות האל-בית החזותי בmahirot, אלא גם להזכיר ולהשתמש בהם במהלך של פעילות זיהוי חדש והזכיר.

כשם שזיכרתו אוצר מילים היא המאפשרת לנו להשתמש בהן באופן הדרגי לייצרת משפטים ויצירות מורכבות יותר, לכתיבה ולביטוי המחשבה, כך גם נוכל לאגור, בעזרת הזיכרון החזותי, מידע חזותי מורכב ועשיר בו ניתן יהיה להשתמש העולם, לתקשורת וליצירה. מעבר לכך, וזהו לא ספק המטרה החשובה ביותר, נוכל ליצור קשר חיווי עם אותו חלק בזיכרוןנו בו "אגור" המידע החזותי, נוכל להתיחס למידע זה בשעת הצורך, דבר שנמנע מאייתנו לעשותו במצב הנוכחי יעקב היוותנו אנאלאפטיים חזותיים.

ולבסוף, כשהאנו ניגשים לשלב **שיהור**, אנו מנהים שהאלמנטים המרכזיים את האל-בית החזותי נרכשו ונרשמו בזיכרון. בשלב זה יכול הילד לא רק לשחרר כמעט בז忿 את הדברים בהם הבחן, בmahirot, אלא גם להשתמש בכל היסודות שנקלטו בזיכרון החזותי במהלך הפעולות המשמעותיות שיזכרו לו. שימוש זה יביא את הילד לייצירה עצמאית, יפתח את המימוננות ויגביר את השליטה העצמית והמשמעות. הילד יוכל גם לפתוח את יכולת הביטוי הישיר שלו בעוזות היציר, התמונת והנתונים החזותיים ששינן בעבר, וכך תחתpitch באופן ניכר הייצירויות שלו.

כאשר יופנו שלושת התהליכי: הזיהוי, פיתוח הזיכרון והשיהור, תהיה ברשות הילד שפה חדשה שתעניק לו יכולת נוספת לפתח ולהשתמש באינטלקנציה המילולית וביצירתוות שלו בעות ובעונה אחת. שפה זו תאיין את תחلكן רכישת הידע שלו לאורך כל מסלול לימודיו ותיצור איזון בין השכל לאינטלקטום. זהה שפה חדשה אוניברסלית המביאה להבנת העולם מנוקודות ראות שונות.

שפה זו היא השפה הבינלאומית הראשונה. ברור שהשפה המילולית היא מלאכותית במידה מסוימת, כי הרי צורה נתונה מתוארת באמצעות מילים שונות בשפות שונות, אך נקלות חזותית בצורה זהה אצל כל בני האדם.

אני מאמין כי באמצעות השפה החזותית ניתן לקרב את בני האדם איש אל רעהו ולהגבר את האינטלקנציה של ילדינו וążף להכפילה.

יעקב אגם

### מטרות כלליות

1. לימוד באמצעות צורות בדומה ללימוד באמצעות מילים.
2. רכישת "אלף-בית" חזותי שבעזרתו ניתן יהיה "לחשוב באופן חזותי".
3. פיתוח היכולת להזות, לזכור ולשחזר במהירות מרבית כל מידע חזותי.
4. שימוש בנתונים חזותיים ישירות ולא דרך ניסוחם המילולי.
5. למידת מושגים הקשורים למדע ומתמטיקה באופן כללי.

כתוצאה לכך:

- א. הרחבת היכולת האינטלקטואלית.
- ב. פיתוח יצירתיות.
- ג. פתרון בעיות בדרכים חזותיות.

### שילוב שיטת החינוך החזותי במערכת החינוך

אחד ממאפייניה הבולטים של שיטה זו הינו שילוב החינוך החזותי במכלול מערכות החינוך, בתוכניות הלימודים בתחום השונות ולאורך כל מסלול הלמידה החל מכיתה הגן ועד לשלביו האחרונים של החינוך הגבוה.

הפעלה של "שיטת החינוך החזותי"عشוויה, ללא כל ספק, להמריץ את הפעולות האינטלקטואלית תוך כדי פיתוח נאות של הקשרים הייחודיים של הצד הימני של המוח. קשרים אלה מוגנים בדרך כלל על ידי החינוך בן-ازמונו לטובת כישוריים מילוליים.

## יחס ופרופורציה

בחוברת זו לומד הילד להכיר באופן חזותי את המושגים יחס ופרופורציה.

המושגים יחס ופרופורציה קשורים למידות העצמים שմביבנו.

מושג הגודל הבא לראשונה בתוכנית זו בחוברת "גדול בינוי קטן". הילד ראה אז כי מושג הגודל מאופיין על ידי תכונת הרציפות, כך שלכל גודל יכול להיות "גדול", "קטן" או "בוני" יחסית לגודלים אחרים.

גם בחוברת זו עוסקים ביחסים הדדיים בין גודלים שונים, אך הפעם מבטאים זאת בצורה יותר מדוייקת מבחינה כמותית.

במושג "יחס" אנו מתארים פי כמה גודל אחד גדול (או קטן) מגודל שני.

כל המשפטים הבאים מתארים אותו יחס הדדי בין אורכי שני מקלות:

- היחס בין אורכי המקלות הוא 1 ל-3.
- מקל אחד ארוך פי 3 מן השני.
- מקל אחד קצר פי 3 מן השני.
- אורך מקל אחד הוא 1/3 מאורך המקל השני.

את היחס 1 ל-3 נוהגים לכתוב גם בצורה 1:3 או 1/3.

שני יחסים שוים מהווים פרופורציה לדוגמא: היחס בין אורכי המקלות א' ו-ב' הוא 1 ל-3 וגם היחס בין אורכי המקלות ג' ו-ד' הוא 1 ל-3. לכן אורכי ארבעת המקלות יוצרים פרופורציה:

$$\frac{\text{א' ו ב'}}{\text{א' ו ד'}} = \frac{\text{א' ו ג'}}{\text{א' ו ד'}}$$

מושגי גודל יכולים להיות הצגות שונות, מילוליות, מספריות ועוד... אך, אין ספק כי הציגו היזואלית הינה הציגו הטבעית ביותר ולכן החשובה ביותר בתחום יחס גודל.

יחס ופרופורציה הם מושגים בסיסיים ביותר הן בחיי יום יומי (היחס בין עצמים והצל שלהם באותה שעה, קנה מידה, הגדלה, הקטנה וכו...), הן במידע והן באמנות. לכן, הבנת יחסים אלה והתוודעות אליהם הינה אחד המרכיבים הבסיסיים עליהם מושתתת השפה החזותית.

בחוברת זו לומד הילד על יחסים ו פרופורציות בין:

- אורכי זוגות של מקלות.
- אורכי הצלעות של צורות דומות למשל, שני ריבועים או שני משולשים שווים צלעות.
- גובהם של מגדלי קובייה.
- גובה נוזל צבעוני בכליים שקוביות זהים.
- גודלים של זיות.

הילדים לומדים במהלך החוברת לבנות יחסים שוים כלומר לגלות ולבנות פרופורציות:

בפעילות הצל (8-20) הילדים מגלים כי יחס שווה קיים בין שני מקלות והצללים שהם יוצרים - כלומר נוצרת פרופורציה.

בפעילות המקלות (4-1,2,3,4) - בפעילות הקוביות (12-20) ובפעילות רבות אחרות, ניתן לילדים יחס מסוים בין זוג גודלים ועליהם לבנות זוגות נוטפים הנמצאים באותו יחס - כלומר ליצור פרופורציות.

הפעולות שבה ניתנים שלושה גדלים ומתחשים גודל רביעי, כך שני זוגות יצרו פרופורציה, היא קשה לילדים וגם למתבגרים.

**דוגמאות:**

א. בפעולות 13-20 נתונים שני מגדלי קוביות ביחס 1 ל-2 וכן ניתן מגדל נוסף. על הילד לבנות את המגדל הרביעי שגובתו יוצרו יחס (1 ל-2). כלומר להשלים פרופורציה.

ב. בפעולות הצל (9-20) הילדים מודדים אורך מקל אחד, אורך הצללים של שני המקלות בזוג, ומסיקים מכך מה גובה של המקל השני. פעילות זו היא חשובה, כיוון שבזורה אפשר למצוא גובה של עצם הקשה למדידה, ולכן עקבותיה ההיסטוריהים מגאים עד לתלס וגילוי גובה הפירמידה למצרים.

בiore בספרו על ההיסטוריה של המתמטיקה (1968), מצטט היסטוריונים קדומים המספרים כי המלומד היווני תلس מצא את גובה הפירמידות במצרים באמצעות מדידת אורך הצל שלהם, בשעה שאורך הצל של מקל אנכי היה שווה בדיק לאורך המקל. למעשה אין צורך לחכום לשעה מיוחדת זו ביום. כי כאשר יודעים את אורך המקל ואורך צילו, וכן את אורך הצל של הפירמידה אפשר למצוא את גובה הפירמידה בعزيزת העובדה פשוטה אוטה מצאו הילדים בפעולות 8-20: היחס בין אורך המקל לגובה הפירמידה שווה ליחס בין אורך צל המקל לאורך צל הפירמידה. בקבוצות טובות מומלץ לספר את סיפורו של תלס.

למידת זיהוי היחסים, הפנמת שפת הפרופורציות והפיקתה לחילק מערכות החתייחסויות והתגבותות של הילד מהגיל הרך ובצורה ההרמוניית ביותר, תעשיר את הכלים האינטלקטואליים ויכולתו הרוחנית של הילד.

חוברת זו המוקדשת למושגי היחס וഫראפורהציה, היא חלק מסדרה בת 36 חוברות המהוות יחידה אחת. סדרה זו בנויה לפי שיטת החינוך החזותי של יעקב אגם ומיעודת לילדי הגן.

### החוברות בסדרה חן:

- |                        |                          |
|------------------------|--------------------------|
| 19 - צורות טיפוסיות    | 1 - עיגול                |
| 20 - יחס ופרופורציה    | 2 - ריבוע                |
| 21 - אדום              | 3 - עיטורים              |
| 22 - צחוב              | 4 - עיגול וריבוע         |
| 23 - כחול              | 5 - זיהוי בזק            |
| 24 - צבעים מישנים      | 6 - אופקי                |
| 25 - לבן, שחור ואפור   | 7 - אנכי                 |
| 26 - מסלול             | 8 - אופקי ואנכי          |
| 27 - מן העין אל היד    | 9 - משופע                |
| 28 - אינטואיציה מסטרית | 10 - אופקי, אנכי ומשופע  |
| 29 - קומפוזיציה        | 11 - מושולש              |
| 30 - מימד ראשון        | 12 - עיגול, ריבוע ומשולש |
| 31 - מימד שני          | 13 - וריאציות של צורות   |
| 32 - מימד שלישי        | 14 - סימטריה             |
| 33 - מימד רביעי        | 15 - קימור               |
| 34 - אוטיות            | 16 - גדול, בינוני וקטן   |
| 35 - דקذוק חזותי       | 17 - זויות               |
| 36 - יצירתיות          | 18 - נקודה               |

## רשימת פעילויות

<u>מספר</u>	<u>הפעילות</u>
20-1	הציג היחסים "פי שניים" ו"חצى"
20-2	התודעות פעתנית ליחסים "פי שניים" ו"חצى"
20-3	הציג היחסים "פי שלושה" ו"שליש של"
20-4	הציג היחסים "פי ארבעה" ו"רבע של"
20-5	יצירת יחס אורך שווים - פרופורציות
20-6	הציג היחס "שלושה לאربעה"
20-7	תרגיל בזוגות של יחסים שונים מ-1 ל...
20-8	השואת יחס האורכים של מקומות שונים ואורכי הצל שליהם
20-9	פתרון בעיות בפרופורציה דרך פעילות בחצר בית"ס
20-10	מדידת יחס אורך צלעות של ריבועים
20-11	מדידת יחס אורך צלעות של משולשים שווי צלעות
20-12	גilio ובניות יחס גובה במגדלי-קוביות (יחסים ופרופורציות)
20-13	מציאת הערך הרביעי של פרופורציה במגדלי קוביות
20-14	הציג היחסים "פי שניים", "חצى של" "פי ארבעה" ו"רבע של" (בזווית)
20-15	תרגול יחס גודל בזווית
20-16	זכירת כרטיסי זיכרון המציגים יחס אורך בקטעים
20-17	זכירות יחס האורך שבין שני מקומות המוצגים בו-זמןית
20-18	זכירת יחס גבהים של נזלים בכלים החיים
20-19	זיכרתו רצועות ניר לפי יחס אורך נתונים ויצירת פרופורציות
20-20	شرطוט חצי, שלישי ורביע של קטע
20-21	شرطוט קטע על-פי קטע נתון ויחס אורך נתון
20-22	שיהזהר גרافي של דגמי קטיעים ביחס אורך שונים
20-23	שיהזהר גרافي לפי משך צלילים

## הציגת היחסים "פי שניים" ו"חצוי"

### חומרים מומלצים

שלושה מקלות אורך של 20 ס"מ.

### פעולות

המורה מצויה ב-3 מקלות זהים שאורכם 20 ס"מ. היא מציגת אותם לפני הילדים ומסבירה: "שלושת המקלות הללו, הם בעלי אורך שווה" (איורים 1 ו-2).

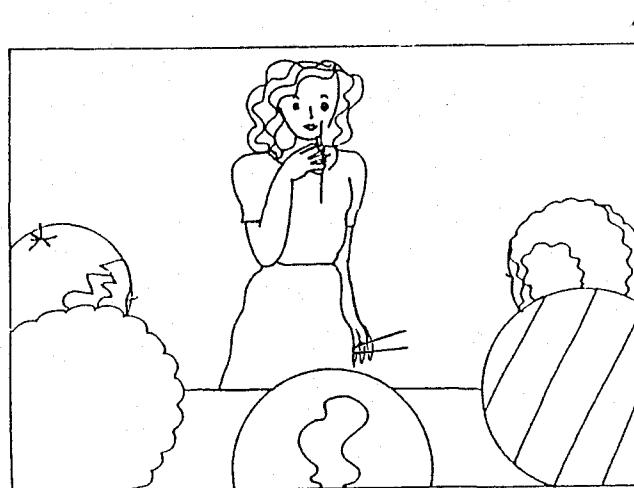
### מטרות

להתודע ליחסים "חצוי" ו"ארוך פי שניים", לזהות באופןן חזותי את החלקים הבנוי משני חלקים שווים.

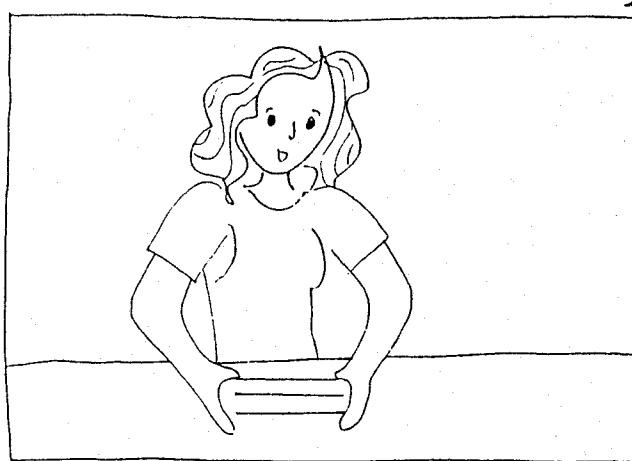
המורה מניחה שני מקלות על השולחן לאורך קו ישר כשקצוותיהם נוגעים זה בזה, ומראהו לילדים שני מקלות בלבד יוצרים מקל ארוך יותר. המורה אומרת: "עכשו יש לי מקל ארוך יותר". הילדים מתבוננים במקל החדש שנוצר (אייר 3).

המורה לוקחת את המקל השלישי ומניחתו אותו בתנועת מדידה במקביל למקל הארוך באופן שהילדים רואים כי אורך המקל הארוך פי שניים מאשר המקל הקצר. המורה מניחת את המקל ואומרת לילדים: "המקל הארוך, ארוך פי שניים מהמקל הקצר. המקל הקצר שווה לחצי המקל הארוך. ככלומר, אורכי המקלות הם ביחס של 1 ל-2" (אייר 4).

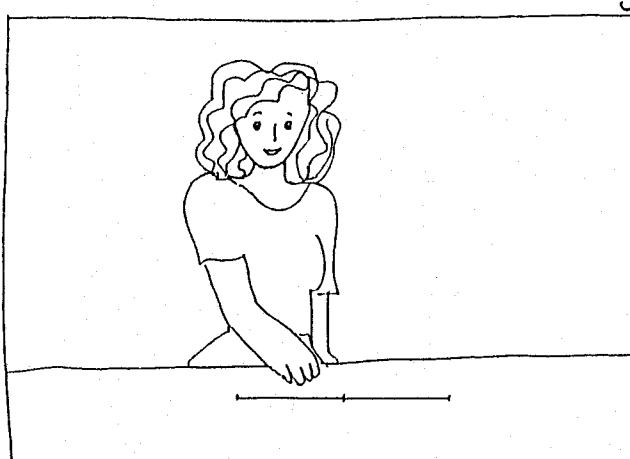
**הערה:** את ארבעת הפעולות הראשונות או חלק מהן אפשר לבצע בפעם אחת.



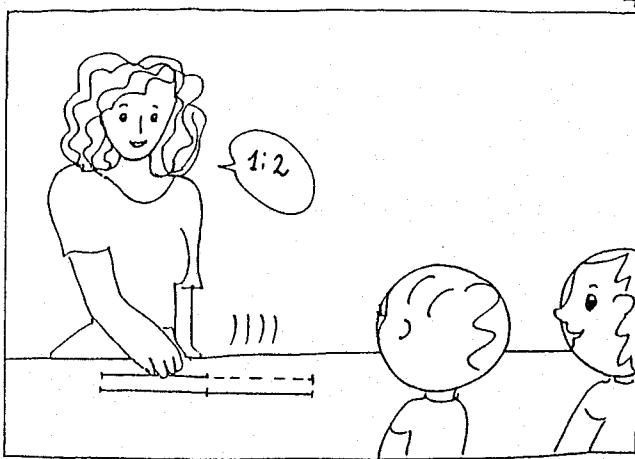
1



2



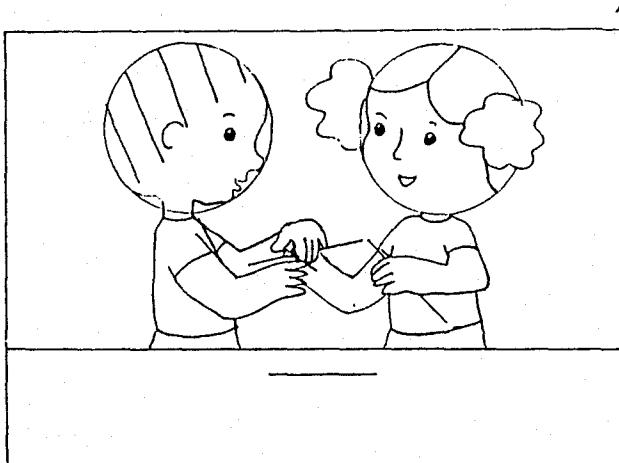
3



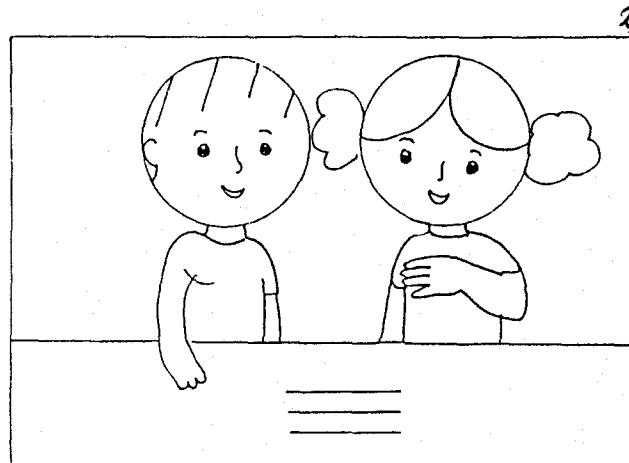
4

## התודעה פעלתנית ליחסים "פי שניים" ו"חצי"

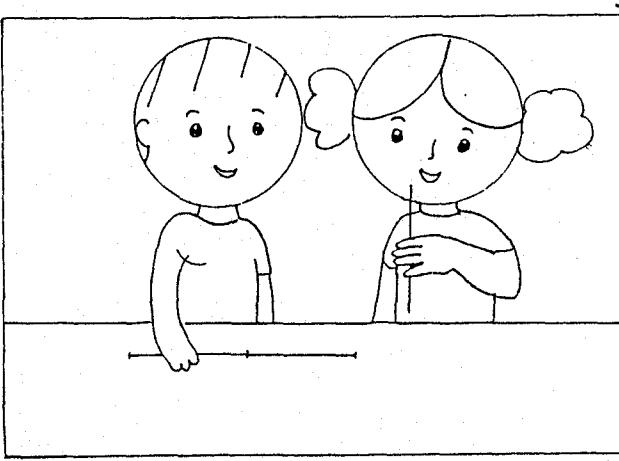
חומרים מומלצים	פעילויות	מטרות
3 מקלות באורך 20 ס"מ לכל זוג ילדים.	הפעם מוטל על הילדים להציג בפני עצם את היחסים "פי שניים" ו"חצי של".	להתודע ליחסים "פי שניים" ו"חצי" תוך פעילות בזוגות.
מקלות באורכים שונים.	הילדים עובדים בזוגות כשל זוג מצוייד בשלושה מקלות זהה. עליהם להבחין בכך שהמקלות חיים וב的日子里 אורק זהה (איורים 1-2).	
	הילדים מניחים שני מקלות לאורך קו ישר, כך שקצוותיהם נוגעים זה בזה (אייר 3).	
	לאחר מכן הילדים מניחים את המקל השלישי בתנוצה מדידה במקביל למקל הארוך ונוכחים שהמקל הארוך כפול באורכו מהמקל הקצר וכי המקל הקצר שווה למחצית המקל הארוך (אייר 4).	
	הם מסכימים: "המקל הארוך אורך פי שניים מהמקל הקצר. המקל הקצר שווה לחצי המקל הארוך. אורכי המקלות הם ביחס של 1 ל-2."	
	לסיכום, המורה מבקשת מכל ילד לבחור זוג מקלות שיחס האורך ביניהם אינו 1 ל-2.	



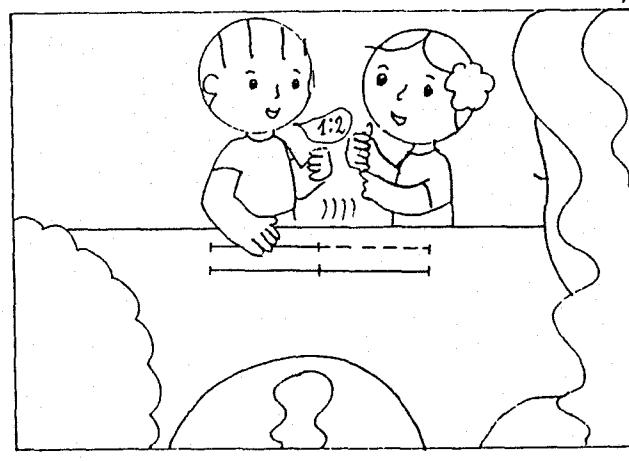
1



2



3



4

### הציגת היחסים "פי שלושה" ו"שליש של"

#### חומרים מומלצים

4 מקלות שאורך כל אחד מהם 20 ס"מ, לפחות זוג של ילדים, ולמורה.

מקלות באורכים שונים.

#### פעולות

המורה מצויה בארבעה מקלות שאורך כל אחד מהם 20 ס"מ. היא מביאה את הילדים להבחנה שככל המקלות בעלי אורך זהה (איור 1).

המורה מניחה שלושה מקלות לאורך קו ישר ששקצוטיהם נוגעים זה בזה ומראה לילדים שלשלושה המקלות ביחד יוצרו מקל אורך יותר (איור 2).

המורה מחזיקה את המקל הנותר ומניחה אותו בתנועת מדידה במקביל למקל הארוך מקצתו. בכך היא מסיימת לילדיים להבחין שהמקל הארוך שווה באורךו שלשלושה מקלות קצרים (איור 3).

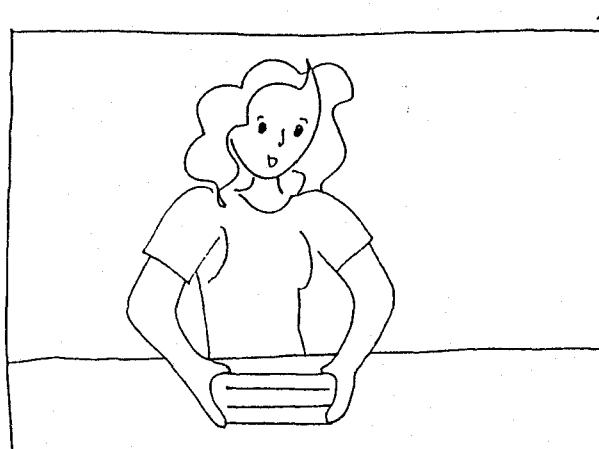
המורה מניחה את המקל ומසכמת: "המקל הארוך, ארוך פי שלושה מהמקל הקצר, והמקל הקצר הוא שליש של המקל הארוך. אורכי המקלות הם ביחס של 1 ל-3" (איור 4).

עתה, יש להפעיל את הילדים באופן דומה לפעילות 20-3-1.

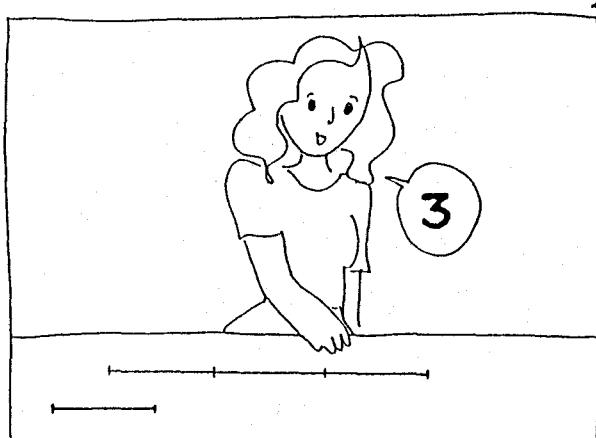
לסיום, יש לזכור לבקש מהילדים לבנות יחס בין אורכי מקלות שאינם 1 ל-3.

#### מטרות

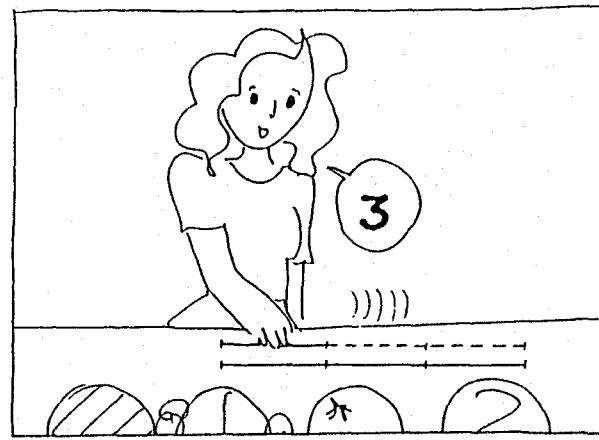
להתווודע ליחסים "פי שלושה" ו"שליש של" באופן חזותי.



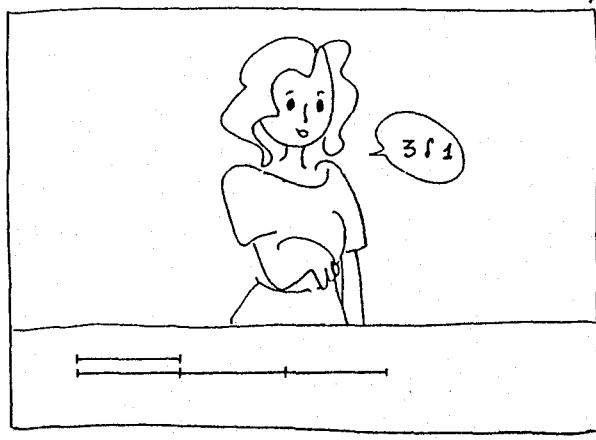
1



2



3



4

## הציגת היחסים "פי ארבעה" ו"רבע של"

### חומרים מומלצים

5 מקלות שאורכם 20 ס"מ,  
כל זוג של ילדים, ולמורה.

מקל באורך 80 ס"מ לכל זוג  
של ילדים ולמורה.

מקלות באורכים שונים.

### פעילותות

המורה מצויה ב-5 מקלות שאורך כל אחד מהם 20 ס"מ, מראה שהמקלות שוים באורכם (איור 1).

המורה מחברת ארבעה מקלות כולם מונחים על השולחן ומניחה אותם במקביל למקל שאורכו 80 ס"מ (איור 2). הילדים רואים שהמקל הארוך שווה באורכו לאורך ארבעת המקלות הקצרים.

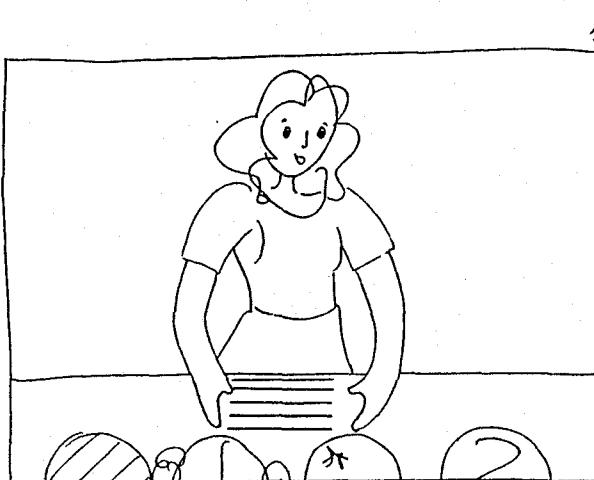
לאחר מכן היא לוקחת את המקל הארוך ואת המקל הקצר החמיší ומשווה ביניהם בתנועת מדיה: "המקל הארוך ארוך פי ארבעה מהמקל הקצר, או במילוי אחריות, המקל הקצר שווה לרבע מאורכו של המקל הארוך. כמובן, המקלות ביחס 1 ל-4" (איור 3).

הילדים מתחALKים לזוגות ובאזורת המקלות בונים את היחס 1 ל-4 ומתקשים להציג חזרתיות ומילויית את היחס באופן דומה להציגת המורה (איור 4).

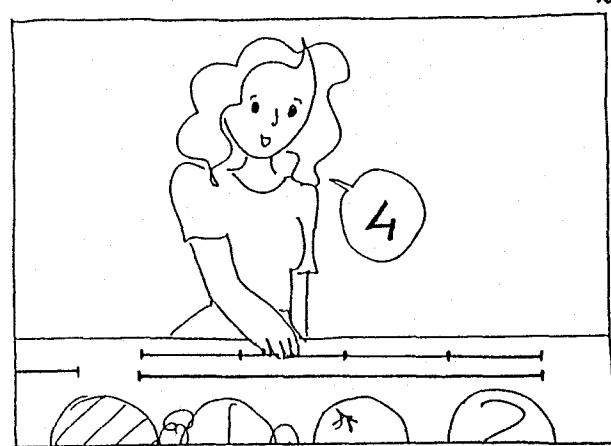
לבסוף, המורה מניחה על השולחן מקלות נוספים באורכים שונים וمبקשת מכל ילד לבחור זוג מקלות שייחס אורכיהם אינו 1-4.

### מטרות

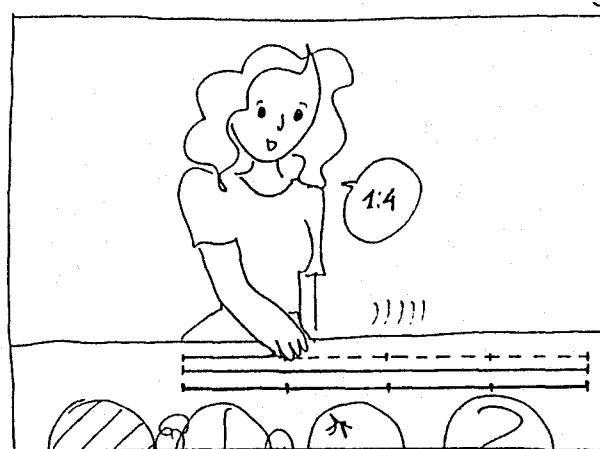
להתודע באופן חזותי  
לייחסים "ארוך פי ארבעה"  
ו"רבע של".



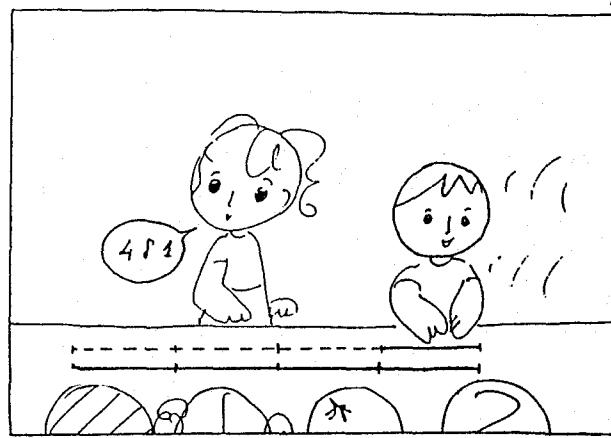
1



2



3



4

## יצירת יחסי אורך שווים פרופורציות

### חומרים מומלצים

מקלות באורךים: 5, 10, 20, 30, 40, 60, 80 ו- 90 ס"מ - 10 מיל מידה.

### פעילויות

על השולחן לפני הילדים מונחים מקלות באורךים: 5, 10, 20, 30, 40, 60, 80 ו- 90 ס"מ. המורה מציגה בפני הילדים כרטיס ועליו 2 מקלות ביחס אורך 1 ל-2, ומבקשת מהם ילדים לבנות זוגות של מקלות שייחסו האורך שלהם הם כמו היחס בין המקלות בכרטיס (איור 1). היא מבקשת מהילדים למצוא זוגות ריבועים מכל האפשר, שונים זה מזה, הנמצאים באותו יחס. כל אחד מהילדים מציג את הזוגות שיצר ואת היחס (1 ל-2) שבין אורכויהם (איור 2).

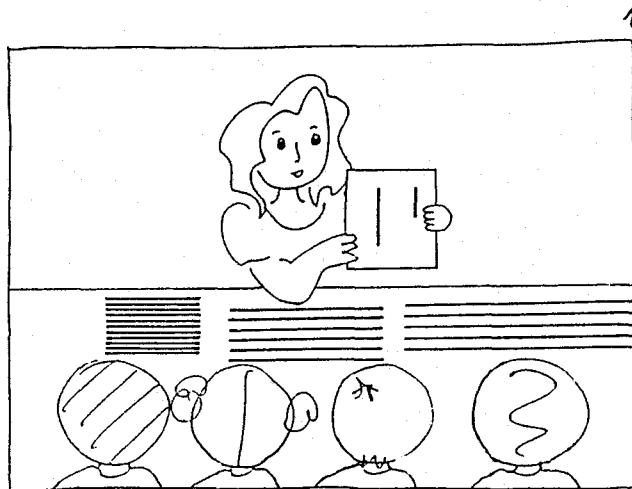
חזרים על הפעילויות עם כרטיס ובו מקלות שאורכויהם ביחס של 1 ל-3 (איור 3).

כל אחד מהילדים מציג את הזוגות שהרכיב (איור 4).

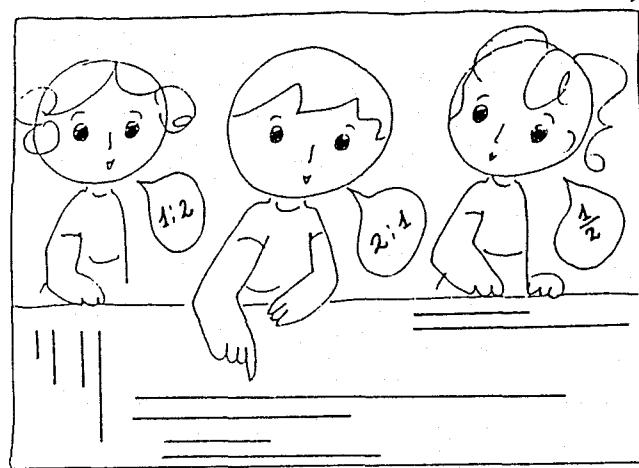
חזרים על הפעילויות ביחס 1 ל-4.

### מטרות

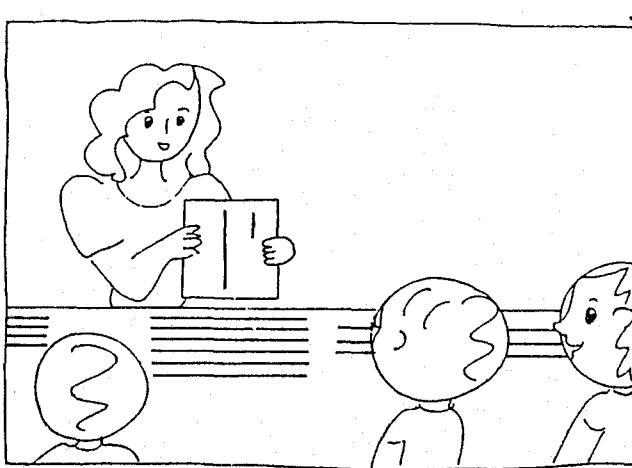
לזהות יחסי אורך שווים (פרופורציות).



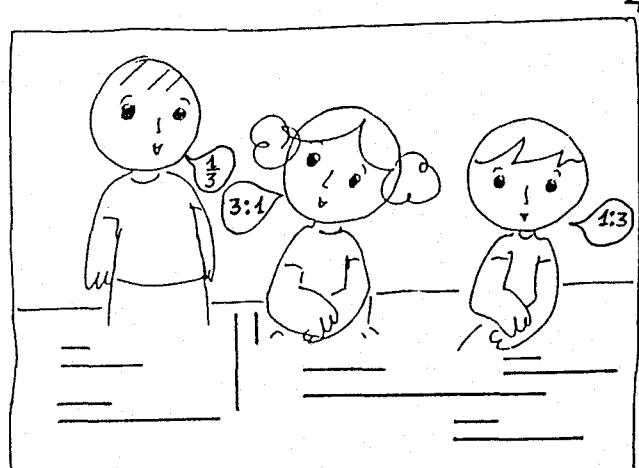
1



2



3



4

## הציגת היחס "שלושה לארבעה"

### חומרים מומלצים

מקלות באורך 60, 80 ס"מ (על כל זוג מקלות אורךים 7 מקלות קצרים).

### פעילותות

### מטרות

להתודע נסח' ליחס ("שלושה לארבעה") באופן חוותי.

המורה מניחה על השולחן במקביל זה לזה מקל באורך 7 ס"מ ומקל באורך 80 ס"מ. לאחר מכן המורה לוקחת 7 מקלות באורך של 20 ס"מ כל אחד ומראה לילדים שהם שוים באורךם (איור 1).

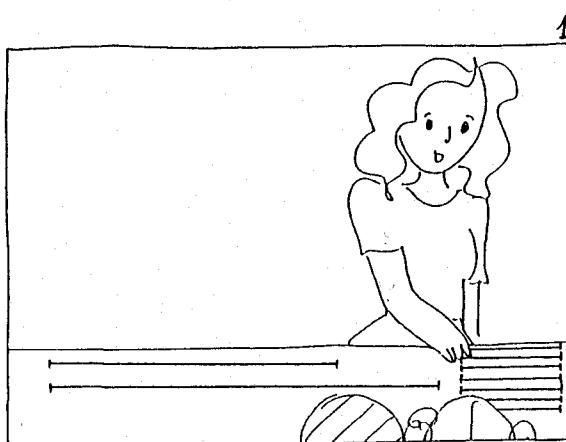
המורה מניחה 3 מהמקלות (20 ס"מ) במקביל למצל שאורכו 60 ס"מ כשקצתיהם נוגעים זה בזה ומונח: "אחד, שניים, שלושה". המורה מוצביה על שוון האורך של המקל האחד (60 ס"מ) לאורך שלושת המקלות הקצרים (20 ס"מ) (איור 2).

המורה חוזרת על אותה הפעילות עם 4 המקלות הנוגטרים (20 ס"מ) במקביל למצל ה-80 ס"מ ומונח: "אחד, שניים, שלושה, ארבעה" ומוצביה על השוון באורך המקלות.

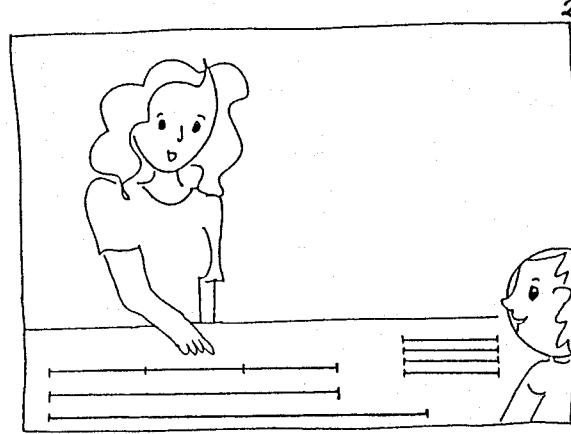
המורה מוצביה על המקלות ואומרת: "כאן יש שלושה מקלות קצרים ובאן יש ארבעה מקלות קצרים. לכן המקלות הם ביחס של 3 ל-4." (איור 3).

המורה מסירה את המקלות הקצרים (20 ס"מ) ומסתירה אותן. היא חוזרתשוב תוך התיחסות חזותית לאורכי המקלות הנוגטרים (80, 60 ס"מ), ואומרת: "אורכי המקלות הם ביחס של 3 ל-4." (איור 4)

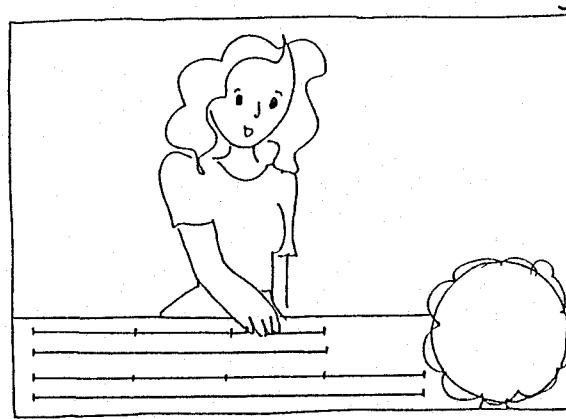
עתה, הילדים חוזרים על הפעולות שהמורה הראתה. כל ילד בוחר זוג מקלות היוצר יחס של 3 ל-4.



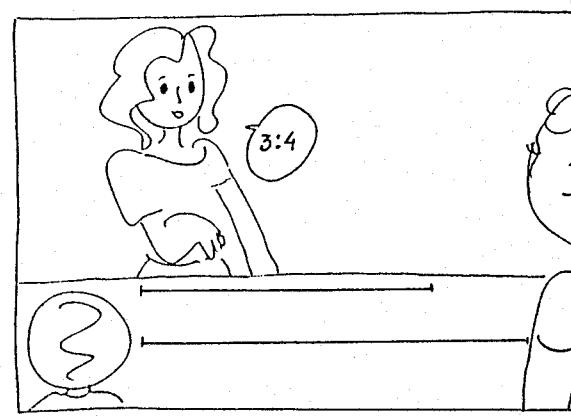
1



2



3



4

## תרגיל בזוגות של יחסים שונים מ-1 ל....

### חומרים מומלצים

מקלות באורך 60 ס"מ, 80 ס"מ, ו-7 של 20 ס"מ לכל זוג של ילדים.

כמות גדולה של מקלות באורכים שונים ובכמות גדולה.

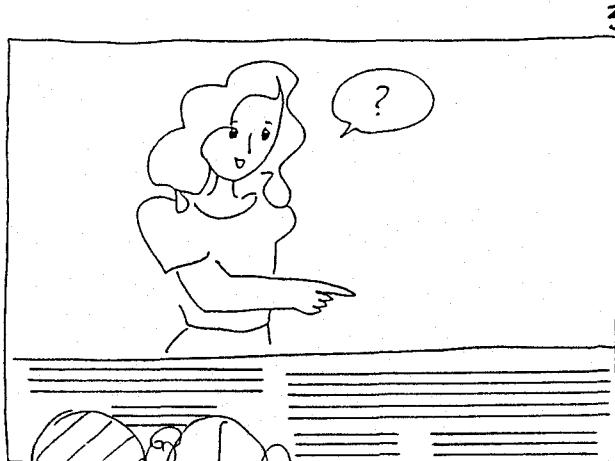
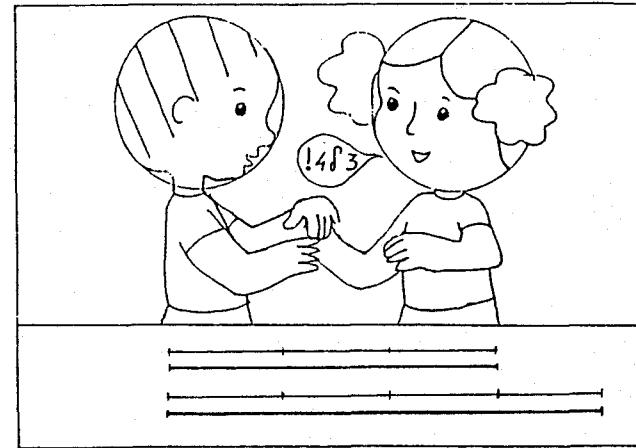
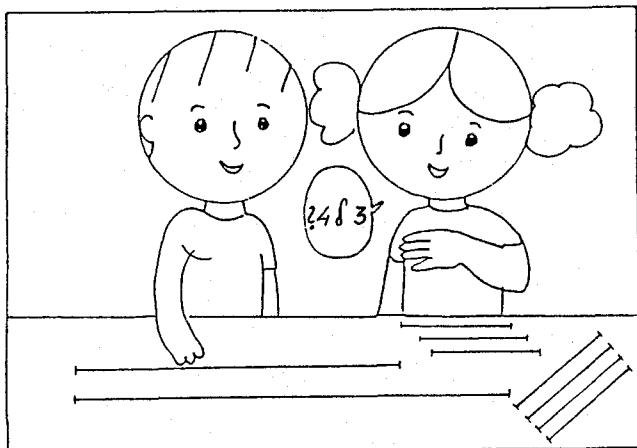
### פעולות

בالمמשק לפעילויות 20-6 הילדים מתחלקים לזוגות וחוזרים על הפעולות שהוראתה המורה. הם בוחרים זוג מקלות הנראה להם כיווצריחס של 3 ל-4 ובודקים את היחס באמצעות המדידה (איורים 1-2).

עתה, מוסיפה המורה לשולחן מקלות באורכים שונים ומבקשת מהילדים לבחור זוגות של מקלות היוצרים ביןיהם יחסיים שונים מ-1 ל.... (איורים 3-4). היא מבקשת מהילדים להראות את המקלות ולהזכיר על היחס שמצאו.

### מטרות

להרחיב את ההתודעות ליחסים נוספים, בעבודה בזוגות.



## השוואת יחסיו האורכתיים של מקלות שוניים ואורכי הצל שליהם

### חומרים וממלצים

מקלות באורךים שונים  
שניתן לתקעם באדמה  
וליצור יחסים של: 1-ל-1, 1-  
ל-2, 1-ל-3, 1-ל-4, 1-ל-5.

מקלות מדידה באורךים: 5,  
15, 20, 30, 40 ס"מ.

### פעולות

המורה והילדים יוצאים לחצר הגן בשעת נוקר **מקדמת**.  
באדמה תקועים מספר צמדי מקלות באורךים שונים  
וביחסים שונים, למשל: 30-60 ס"מ 20-80 ס"מ, 20-  
1-60 ס"מ, 1-30 ס"מ, 30-40 ס"מ. יש לשימוש לב' לכך  
שהארכי המקלות המצוינים, מתיחסים לאורכי המקלות  
**שמעל פניהם** (איור 1).

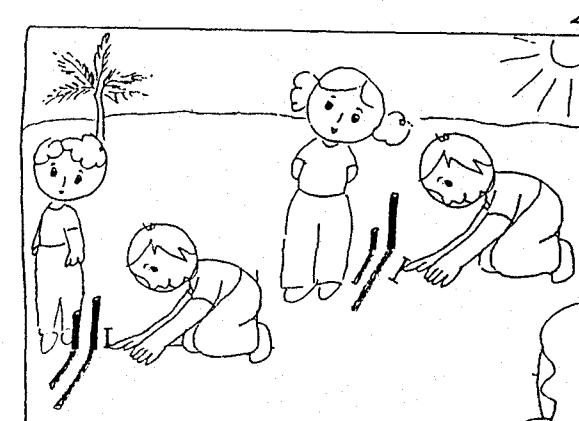
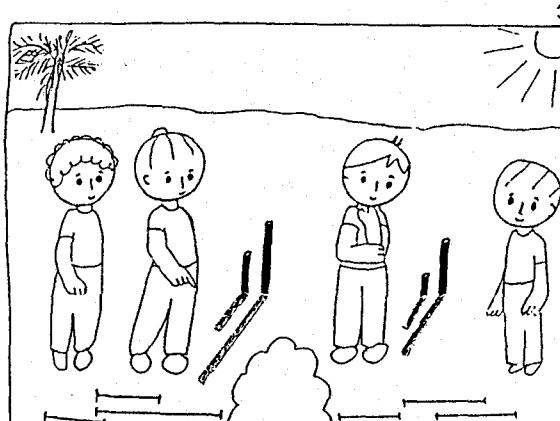
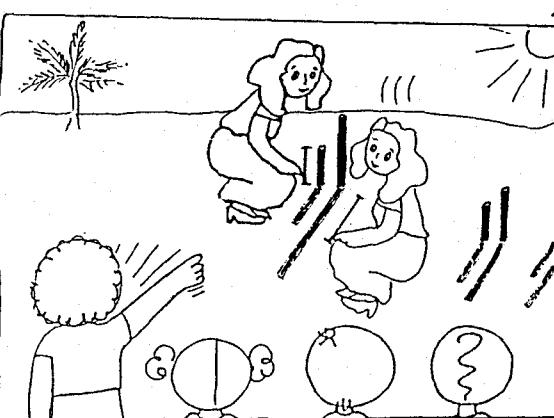
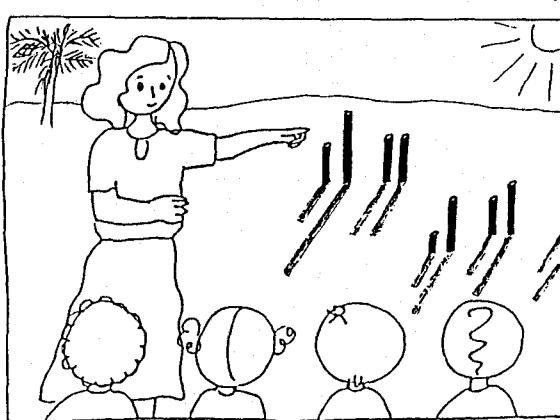
המורה מדגימה על אחד מצמדי המקלות (למשל, 20-  
1-40 ס"מ) את הפעולות שתתבצע; המורה מודדת  
בעזרת מקל מדידה את יחסיו אורך המקלות, ואומרת:  
"המקל הארוך ארוך פי שניים מאשר המקל הקצר; אורך  
המקל הקצר חצי מאורך המקל הארוך". אחר כך  
מצביעה המורה על אורכי הצל של המקלות ומודדת עט  
מקלות מדידה את יחס האורך ביניהם (איור 2). היא  
מזכיר על היחס שתמצא.

הילדים מתחלקים לזוגות, כל זוג בוחר צמד מקלות  
התקוע באדמה, מצטייד במקלות מדידה ומודד את יחס  
אורכי המקלות ואח"כ את יחס אורכי צליהם (איורים 3-  
4).

### מטרות

ללמד ולתרגל יחס אורך  
בפעולות בחצר הגן.

לגלות כי היחס שבין אורך  
שני מקלות שווה ליחס שבין  
אורכי הצל שליהם (פרופורציה).



## פתרונות בעיות בפרופורציה דרך פעילות בחצר בית"ס

### חומרים מומלצים

מקלות באורךים שונים  
שניתן לתקעם באדמה  
וליצור יחסים של: 1-1,  
1-2, 1-3, 1-4-1-3.

מקלות מדידה באורךים: 5,  
10, 15, 20, 30, 40 ס"מ.

### פעילות

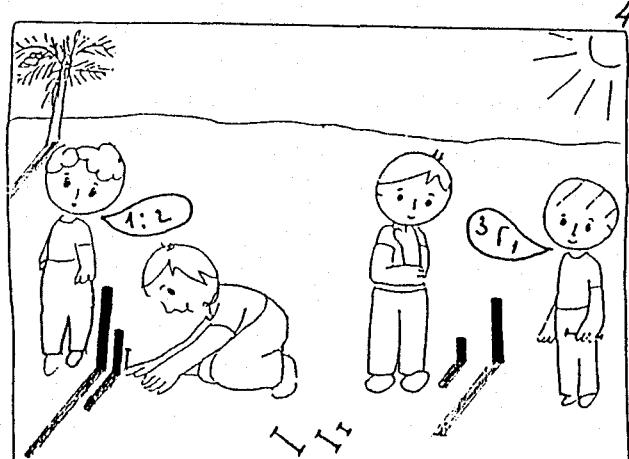
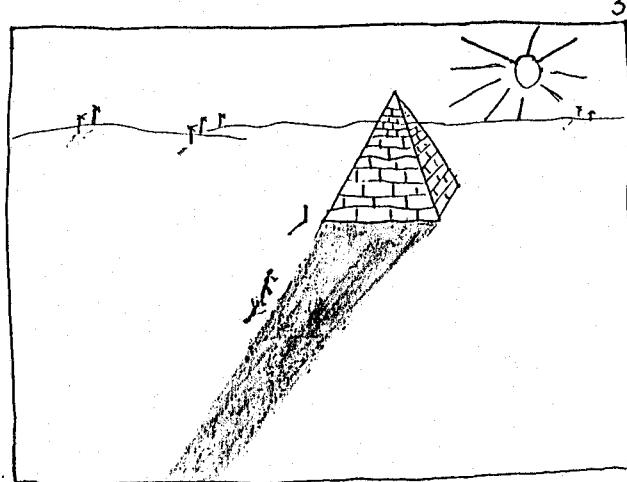
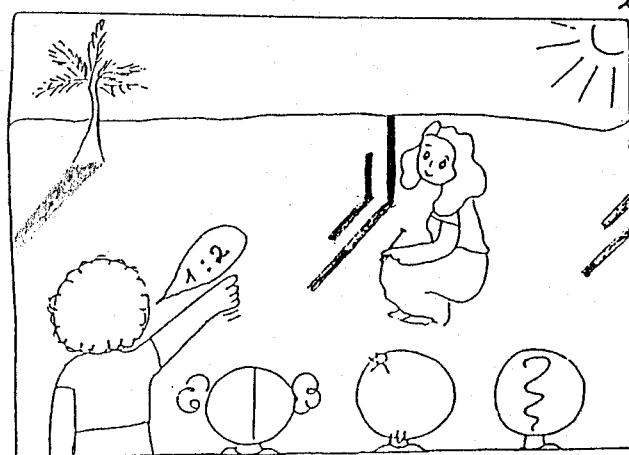
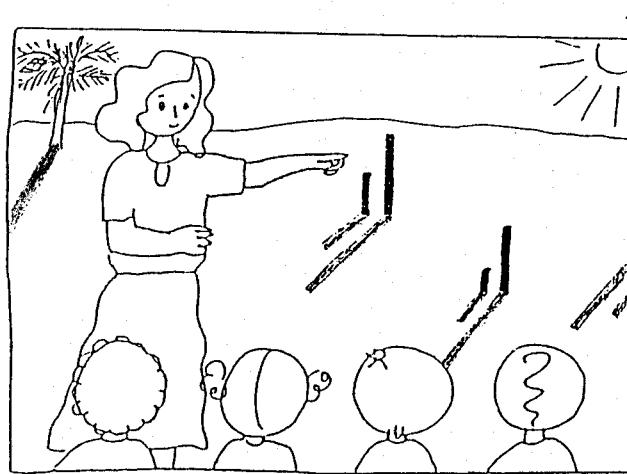
המורה והילדים יוצאים לחצר בית"ס בשעת בוקר מוקדמת. באדמה תקועים מספר צמדי מקלות באורךים שונים וביחסים שונים, למשל: 20 ס"מ ו-40 ס"מ, 30 ס"מ ו-90 ס"מ, 20 ס"מ ו-80 ס"מ (איור 1).

הганנת מדגימה את הבעיה בעזרת זוג מקלות למשל: 20 ס"מ ו-40 ס"מ. האגנת מודדת בעזרת מקל מדידה את אורך הצל של זוג המקלות. הילדים אומרים אתיחס שנוצר בין שני האורךים (בוגרמא שלנו 1 ל-2). עתה מודדת הганנת את אורך המקל הקצר. הוא שואלת את הילדים מה לדעתם אורך המקל הארוך (איור 2). הганנת מאמתת את תשובות הילדים בעזרת מדידה ומסבירה אם יש צורך. הערה: כדי לספר לפני הפעילות את סיפורו תלס (ראה הקדמה) (איור 3).

הילדים מתחלקים לזוגות, כל זוג בוחר צמד מקלות התקוע באדמה, מצטיד במקלות מדידה ומודד אתיחס אורך צללי המקלות וכן את אורך המקל הקצר. הילדים מנסים לגלוות ידו אורך מוה אורך המקל השני. כל זוג מציג את היחס שמניא ואת אורך המקל השני - ומאמנת במידידה (איור 4).

### מטרות

מציאת הערך הריבועי של  
פרופורציה המורכבת  
מקלות והצל שלהם.



## מדידת יחס אורכי צלעות של ריבועים

### חומרים מומלצים

ריבועים בעוביים שונים  
ובמידות שונות: 5, 10, 20,  
30 ו-40 ס"מ.

מקלות בעוביים ובאורכים  
שונים: 5, 10, 1-20 ס"מ.

### פעולות

המורה מניחה על השולחן ריבוע גדול (אורך צלע = 20 ס"מ) ולידו מניחה ריבוע קטן (אורך צלע = 10 ס"מ) (איור 1).

המורה לוקחת מקל באורך 10 ס"מ ומודדת את האורך של צלעות מתאימות בשני הריבועים. הילודים נוכחים לדעת שיש nisiי אורכי הצלעות בשני הריבועים הם תמיד 1 ל-2 (איור 2).

המורה מסכמת: "כל צלע בריבוע הגadol ארוכה פי שניים מכל צלע בריבוע הקטן" (איור 3).

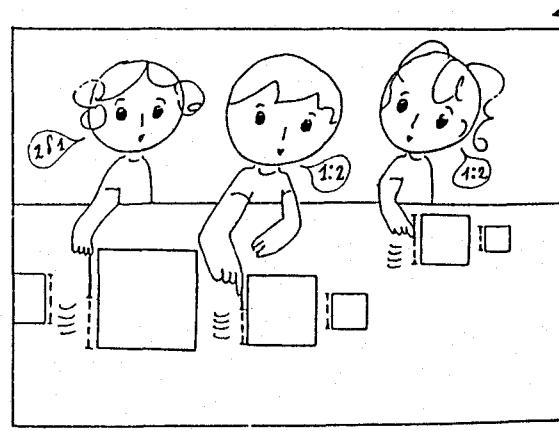
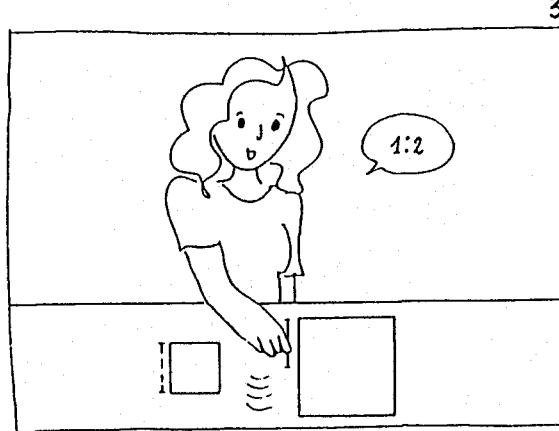
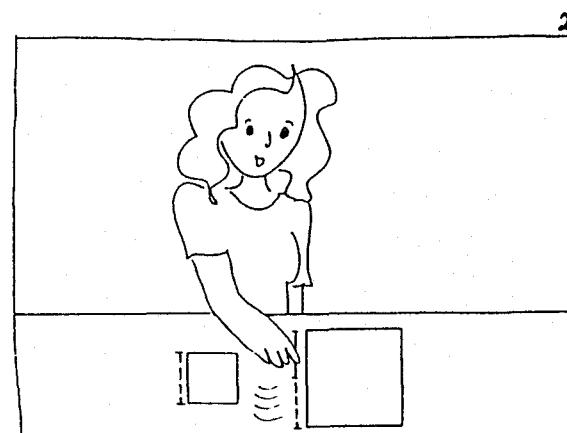
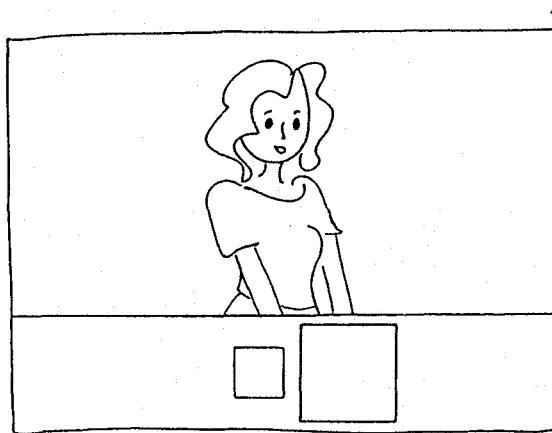
הילודים מקבלים צמדי ריבועים במדידות שונות ובעוביים שווים, אשר ייחס בין אורכי הצלעותיהם הוא 1 ל-2, ומקלות מדוזה. הם חזרים על הפעולות שהציגה המורה (איור 4). הילודים שמים לב כי היחס בין אורכי הצלעות בכל הצמדים של הריבועים הוא 1 ל-2 (נטירות פרופורציות).

הערה: יש לשים לב בכך כי היחס בין השטחים של הריבועים אינו 1 ל-2. (4 ריבועים קטנים "מכסים" את הריבוע הגדל).

חוורים על הפעולות עם צמדי ריבועים אשר אורכי הצלעותיהם נמצאים ביחסים שונים אחרים.

### מטרות

להתודע לחישוי אורך בין צלעות לצורות דומות (ריבועים), וליצירת פרופורציות.



## מדידת יחס אורך צלעות של מושולשים שווי צלעות

### חומרים מומלצים

מושולשים שווי צלעות  
בצבעים שונים וב מידות  
שונות של אורך צלע: 5,  
10, 20 ו-30 ס"מ.

מקולות בצבעים שונים  
ובאורך שונים: 5-10 ס"מ.

### פעילותות

המורה מניחה על השולחן מושולש גדול (אורך צלע 30 ס"מ) ולידו מושולש קטן (אורך צלע 10 ס"מ) (איור 1).

המורה לוקחת מקל באורך 10 ס"מ ומודדת את האורך של צלעות מתאימות בשני המושולשים. הילדים נוכחים לදעת שיחס הצלעות בשני המושולשים הם תמיד 1 ל-3 (איור 2).

המורה מסכמת: "אורך כל צלע במושולש הגדל פי 3 מאורך כל צלע במושולש הקטן" (איור 3).

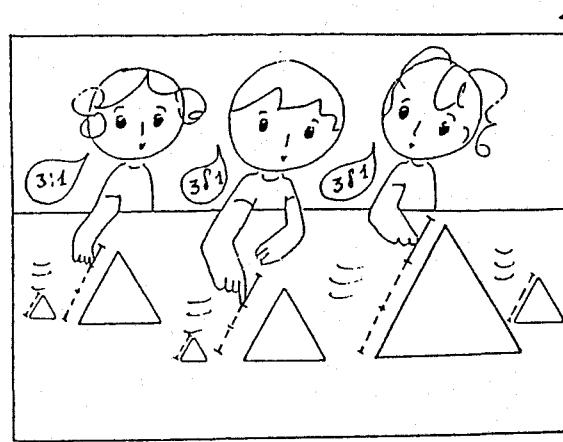
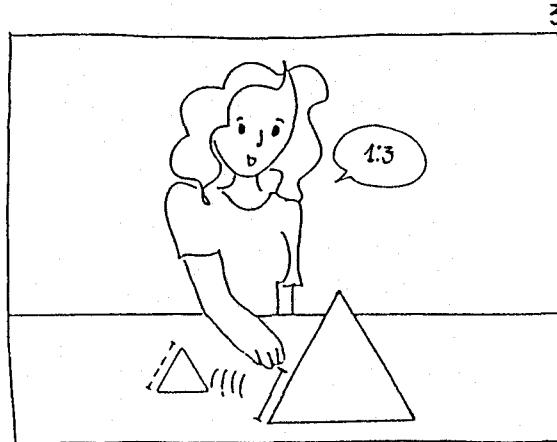
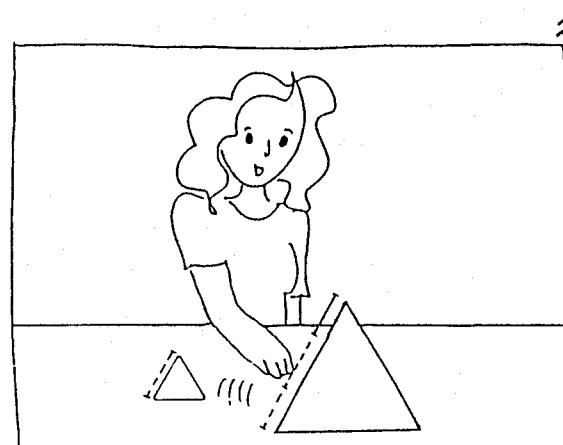
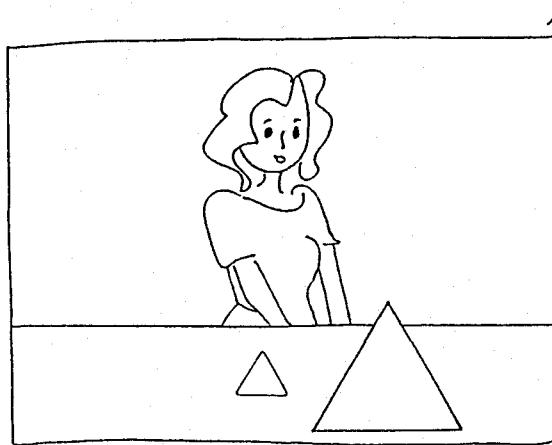
הילדים מקבלים צמדים מושולשים ב מידות ובצבעים שונים אשר היחס בין אורך צלעותיהם הוא 1 ל-3 ומקולות מידזה. הילדים חוזרים על הפעולות שהמורה הציגה (איור 4).

הילדים שמים לב כי היחס בין אורך הצלעות בכל הצמדים של המושולשים הוא 1 ל-3 (נוודות פרופורציית).

הערה: יש לשים לב לכך כי יחס השטחים של כל צמוד מושולשים אינו שווה ליחס האורך של הצלעותיהם.

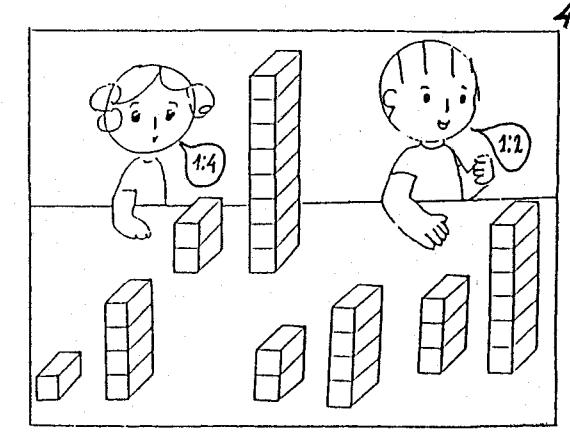
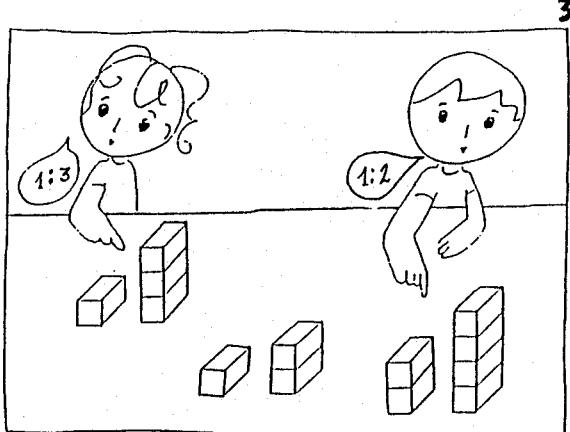
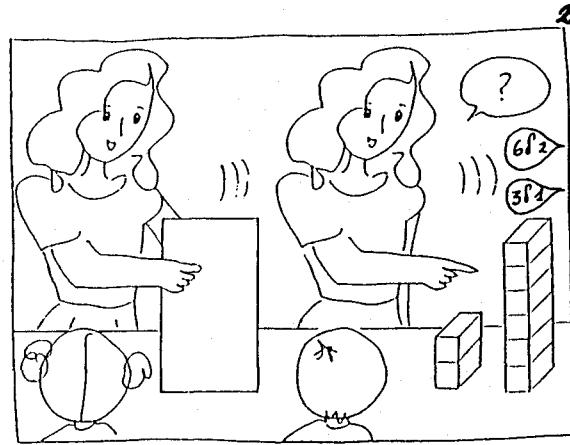
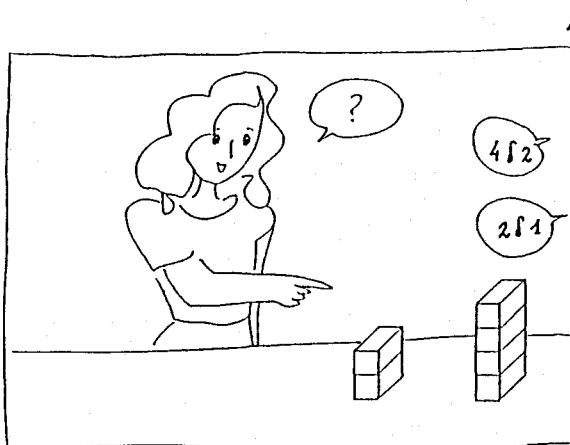
### מטרות

להתוויע ליחסים צלעות בחרוזות דומות (מושולשים שווי צלעות) וליצור פרופורציות.



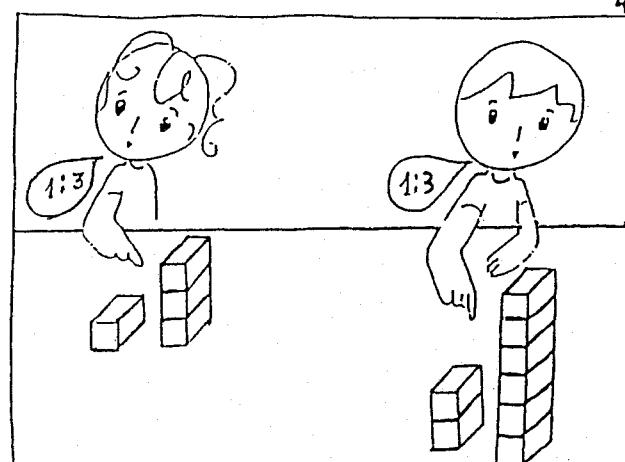
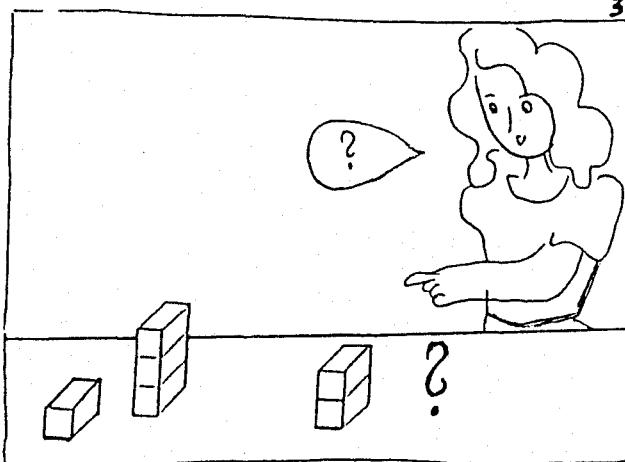
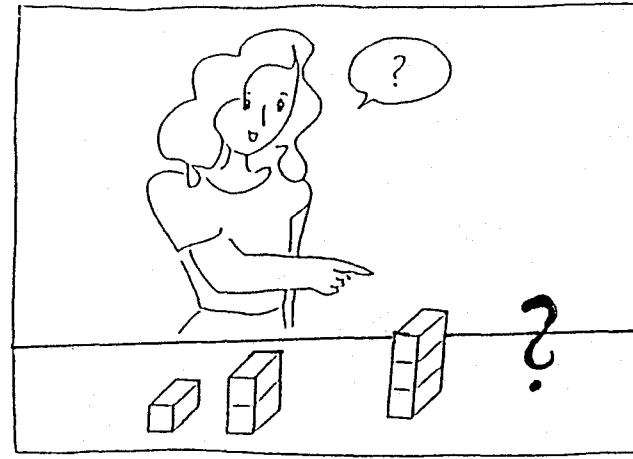
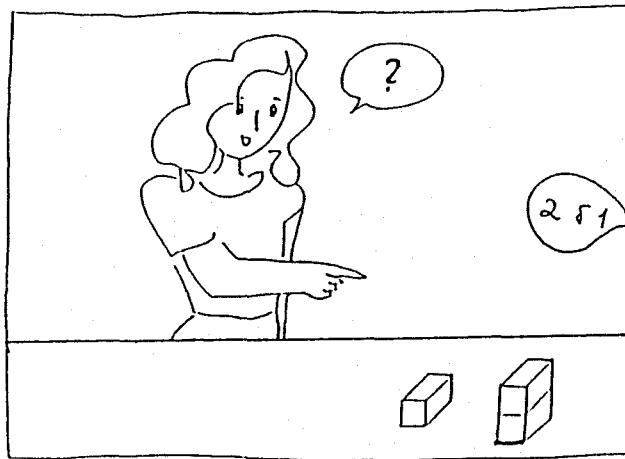
## גילוי ובנית יחסי גובה במגדלי-קוביות (יחסים ופרופורציות)

חומרים מומלצים	פעריות	מטרות
קוביית לבנייה, זוחות ואהידות בגודלן.	המורה מניחת על השולחן לפני הילדitis שני מגדלי-קוביות, דו-קומתי וארבעה-קומתי, קומתי, היא שואלת: "מה יחס הגבהים של שני המגדלים?" (איור 1).	לזהות ולבנות יחסי גובה במגדלי-קוביות.
	הганנת מקבלת את התשובות 1 ל-2 ו-1 ל-4 כנכונות, ורואה מדוע שתי התשובות נכונות ושונות זו לאו.	לזהות יחס גובה שוים בין מגדלים שונים של קוביות.
	המורה מסתירה את מגדלי-הקוביות, מהורי קרטון גדול ומוסיפה שני קומות למגדל של ארבע הקומות. עתה המורה מציגה שוב את שני המגדלים ושותה: "מה יחס הגבהים של שני המגדלים?" (איור 2).	
	המורה ממשיכה להציג יחס גובה שונים כגן 1 ל-4 ו-3-4.	
	עתה, בונים הילדים מגדלים בגבהים שונים ומוצאים את יחס הגובה שלהם (איור 3).	
	לסיום, מתבקש כל ילד לבנות שני זוגות שונים של מגדלי קוביית היוצרים ביניהם יחס גובה שוים למשל 2 ל-4 ו-3-3 (איור 4).	



## מציאת הערך הרביעי של פרופורציה במגדלי קוביות

חומרים מומלצים	פעילותות	מטרות
קוביות אחידות בכמות מסוימת.	<p><b>המורה</b> מניחת על השולחן לפני הילדים שני מגדלי-קוביות חד-קומתי ודו-קומתי. הגנתת שואלה: "מה היחס בין הגבהים של המגדלים?" (איור 1).</p> <p>הגנתת בונה מגדל נסף תלת-קומתי ושואלה: "איזה מגדל עליינו לבנות כדי לקבל זוג מגדלים שגם בהם יחס הגבהים הוא 1 ל-2?" (מציאת הערך הרביעי בפרופורציה) (איור 2).</p> <p>הגנתת ממשיכה ובאופן דומה בונה שני מגדלים ביחס של 1 ל-3. אחר-כך בונה מגדל נסף ושואלה: "איזה מגדל נסף עליינו לבנות כדי לשמר על היחס 1 ל-3" (איור 3).</p> <p>עתה, הילדים מתחולקים לזוגות. אחד הילדים בונה שני מגדלי-קוביות ביחס כלשהו, מוסיף מגדל שלישי, והילד השני מוסיף מגדל קוביות רביעי השומר על אותו היחס שיש בין שני מגדלי הקוביות הראשונים (איור 4).</p>	פתרונות בעיות בפרופורציות - מציאת הערך הרביעי בפרופורציה בבנייה יחסית גובה במגדלי קוביות.



**הציגת היחסים "פי שניים", "חצי של"  
"פי ארבעה" ו"רבע של" (בזווית)**

**חומרים מומלצים**

"מחוגה".

זויות בגדים שונים  
שקרנינון מצוירות על נייר  
שקווי (פרגמנטו), לכל ילד  
זיות אחת מכל גודל.

**פעלויות**

המורה מכירה לילדים בעזרת "מחוגה" מהי זיות חדה,  
זיות ישרה וזיות קהה.

המורה מציגה בפני הילדים זיות חדה (כ- 80) ומקשת  
מהם לומר מה יש בידה. הילדים עונים: "זיות חדה"  
(איור 1).

המורה מקפלת (לעוני הילדים), את הזיות לשניים לאורך  
קו הסימטריה, אח"כ פותחת את הזיות ומראה לילדים  
את שתי הזיות השונות שנוצרו. המורה מראה ואומרת:  
"זיות הגדולה, גדולה פי שניים מהזיות הקטנות, וכל  
זיות קטנה שווה לחצי הזיות הגדולה. היחס בין הזיות  
הוא 1 ל-2" (איור 2).

המורה לוקחת את הזיות המקפלת ומתקפלת קיפול נסף  
לאורך קו הסימטריה. אחר-כך פותחת את הזיות ומראה  
ילדים שנוצרו ארבע זיות שוות. המורה אומרת:  
"זיות הגדולה גדולה פי ארבעה מהזיות הקטנות, וכל  
זיות קטנה שווה לרבע הזיות הגדולה. היחס בין הזיות  
הוא 1 ל-4" (איור 3).

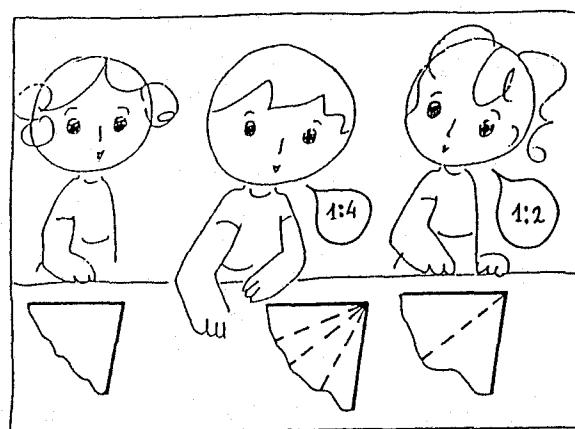
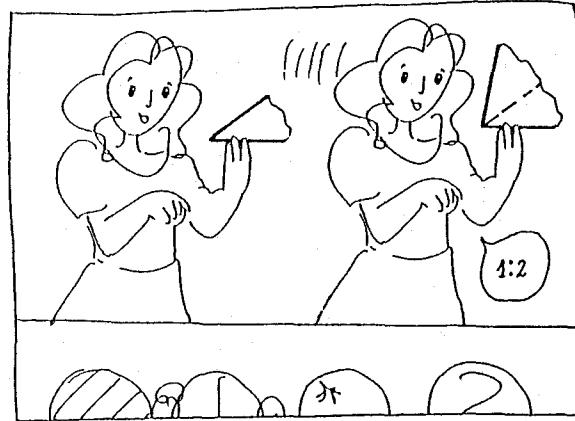
המורה מחלקת ילדים זיות בגדים שונים. הילדים  
מתבקשים לחלק את הזיות לשניים, ואח"כ לארבע.  
הילדים מתבוננים ביחסים הנוצרים בין הזיות (איור 4).

הערה: גם בזמן שהמורה מדגימה, רצוי לעודד את  
הילדים לומר את היחס המודגם בעצמם. כמו כן יש  
להציג את הזיות בבלויונים שונים.

**מטרות**

להתודע להיחסים "גדול פי  
שניים", "חצי של", "גדול פי  
ארבעה" ו"רבע של..."  
בזווית, באופן חזותי.

להזות באופן חזותי את  
השלם הבני מחלקים שווים.



## תרגול יחס גודל בזויות

### חומרים מומלצים

זויות בגודלים: 10, 20, 30, 40, 60, 80, 90 מעלות, שקרניתן מצוירות על שף.

### פעילויות פועליות

על השולחן לפני הילדים פזרות זויות בגודלים: 10, 10, 20, 30, 40, 60, 80 ו-90 מעלות. המורה מראה לילדים שני שקפים של כל אחד מהם משורטטה זוית, אחת. היחס בין הזויות על השקפים הוא 1 ל-2. המורה מניחה שף על שף (זווית על זווית) (איור 1). המורה מבקשת מהילדים ליצור זוגות רבים ככל האפשר של זויות בהם זווית אחת גדולה פי שניים מזוית השנייה.

לאחר מכן כל אחד מהילדים מציג את זוגות הזויות שאסף ואת יחס הגודל ביניהם (איור 2).

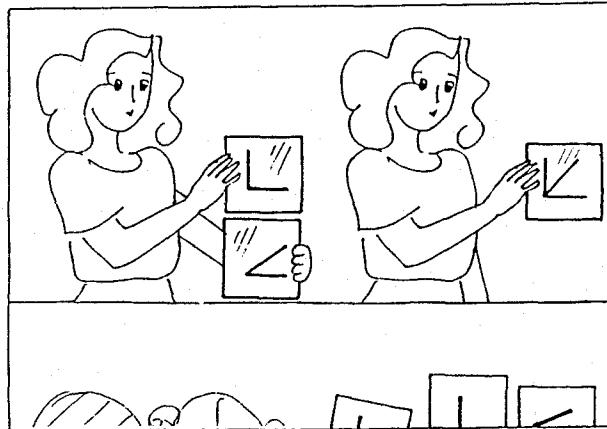
המורה חזרת על הפעולות אך הפעם מציגה שקפים שזוויותיהם ביחס 1 ל-3 ועל הילדים ליצור זוגות של זויות שבהם זווית אחת קטנה פי 3 מהשנייה (איור 3).

לאחר מכן המורה מבקשת מהילדים ליצור זוגות של זויות ביחס 1 ל-4 (איור 4).

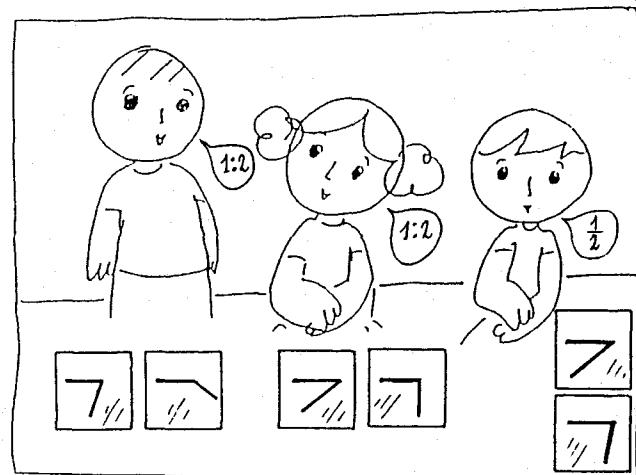
ניתן לבקש מהילדים ליצור גם זויות ביחס של 1 ל-1 או 3 ל-4.

### מטרות

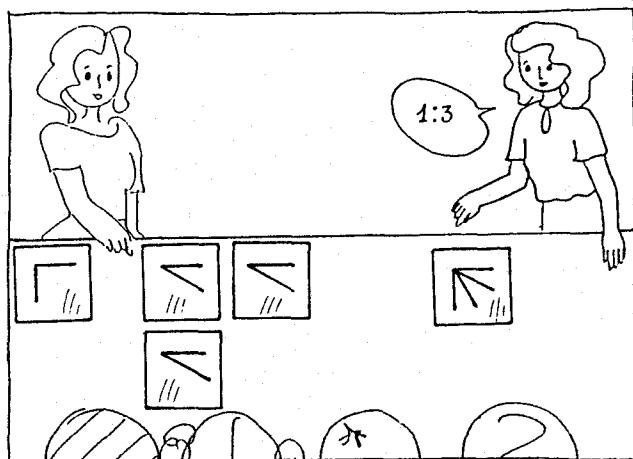
להגבר את הבנת יחס גודל (בזויות).



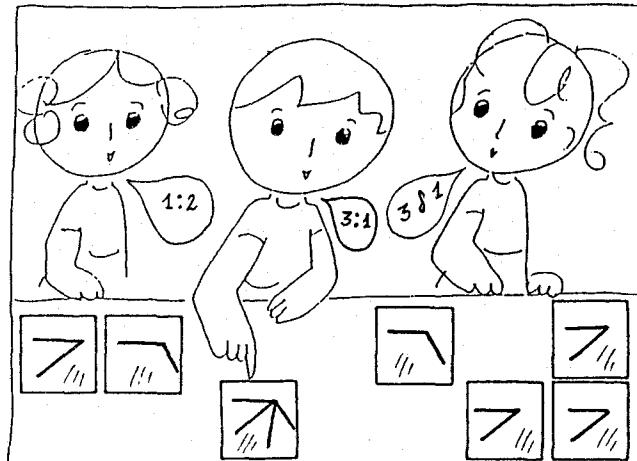
1



2



3



4

13	9	5	1	7
14	10	6	2	8
15	11	7	3	4
16	12			

## זכירת כרטיסי זיכרון המציגים יחסית אורך בקטיעים

### חומרים מומלצים

שתי קבוצות זהות של כרטיסי זיכרון (מס': 16-1). המכילים קטיעים יחסיים אורך שונים. (אחד לשימוש המורה והשנייה לשימוש הילדים).

### פעילויות פועליות

המורה מראה לילדים במהירות כרטיס זיכרון ומכתה אותו במהירות (איור 1).

לפני הילדים מונחים כרטיסים ביניהם נמצאת כרטיס הזהה לזהה שהראתה המורה. על אחד הילדים להציגו עליו (איור 2). המורה מראה שוב את הcartיס ובודקת יחד עם הילדים את נכונות התשובה.

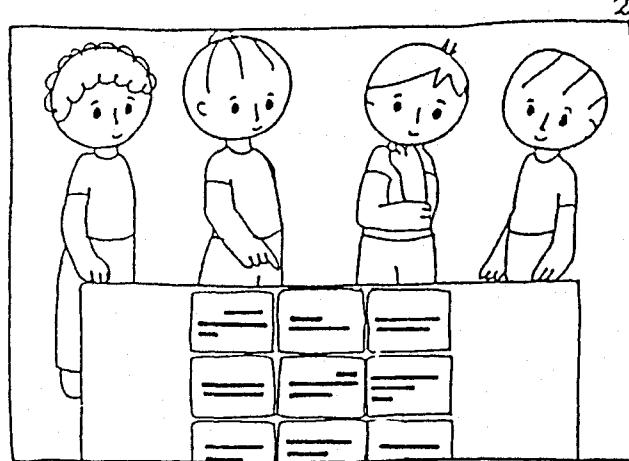
המורה מגבירה בהדרגה את מורכבות הcartisisים שהיא מציגה בפני הילדים. לבסוף מתבקשים הילדים לזכור סידורה של שניים או שלושה כרטיסים ולהציגו עליהם לפי סדר הצגתם (איורים 3-4).

### מטרות

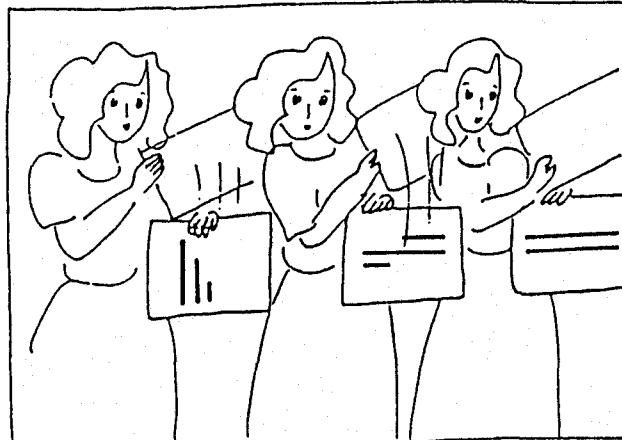
לפתח את היכולת לזכור במהירותיחס אורך בקטיעים.



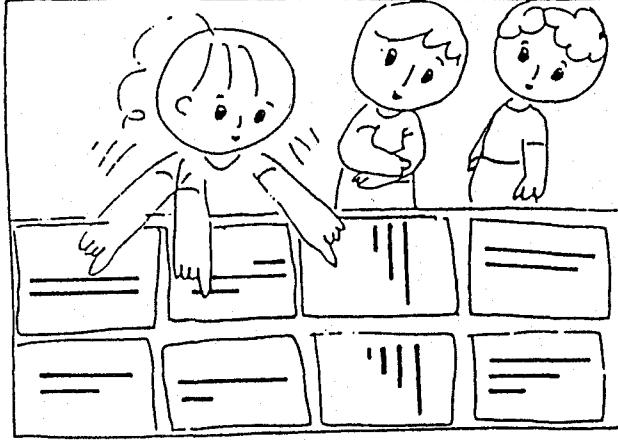
1



2



3



4

## זכירת יחסיו האורך שבין שני מקומות המציגים בו-זמןית

### חומרים מומלצים

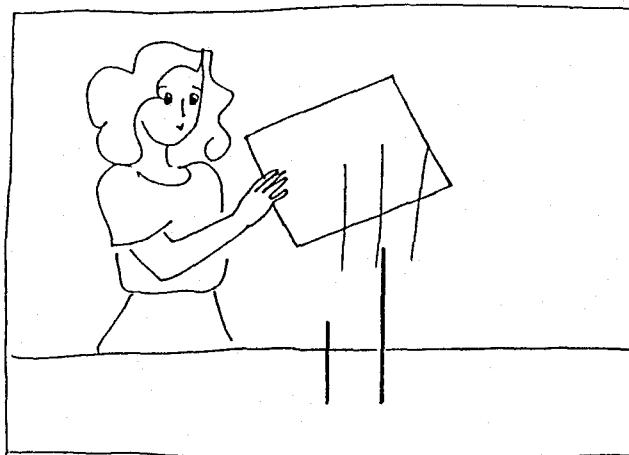
מקלות באורך: 5, 10, 20, 30, 60, 80 ו-90 ס'מ בכמות  
גדולה.  
ניירות משובצים ועפרונות.

### פעולות

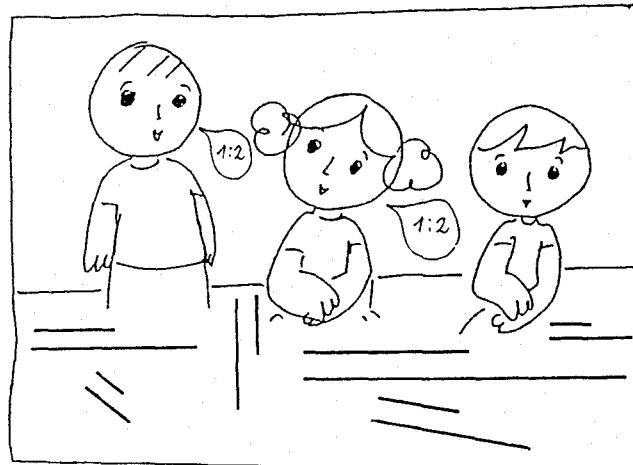
המורה מראה לילדים במהירות ובו-זמןית שני מקלות שאורכיהם מדגימים יחס מסוים (איורים 1 ו-3).  
המורה מסתירה את המקלות ועל הילדים לבחור צמדיהם רביים וטוניים באורךם, המקיים את יחס האורך שהוצע ע"י המורה (איורים 2 ו-4). רצוי לעבד בזוגות.  
יש לחזור על התרגיל פעמיים מספר כאשר בכל פעם היחס המודגם הוא שונה, וכן להשתמש במקלות באורךים שונים, ניתן לחזור על התרגיל כאשר הילדים מצירירים את היחס שהוצע על ניירות משובצים.

### מטרות

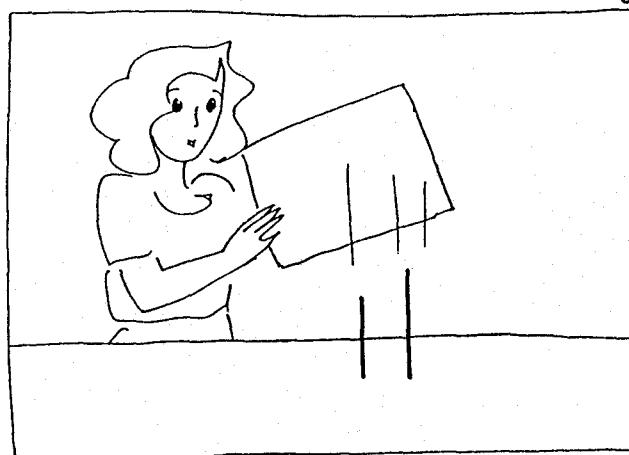
לבנות פרופורציות תונן  
שימוש בזיכרון.  
לזכור במהירות יחס אורך  
ולהשתמש בזיכרון החזותי  
כדי למצוא את היחס  
שהוצע (כלומר לבנות  
פרופורציות).



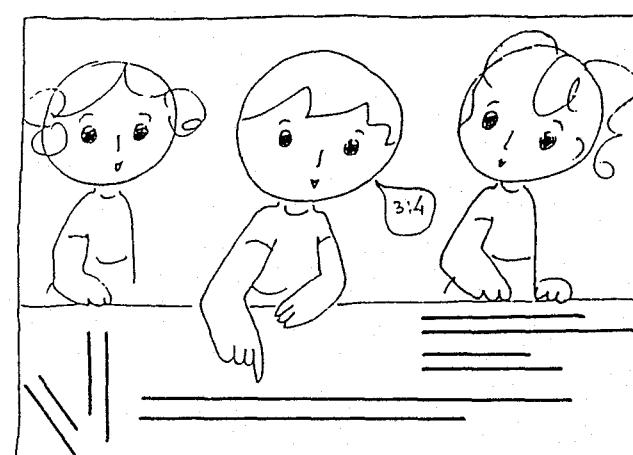
1



2



3



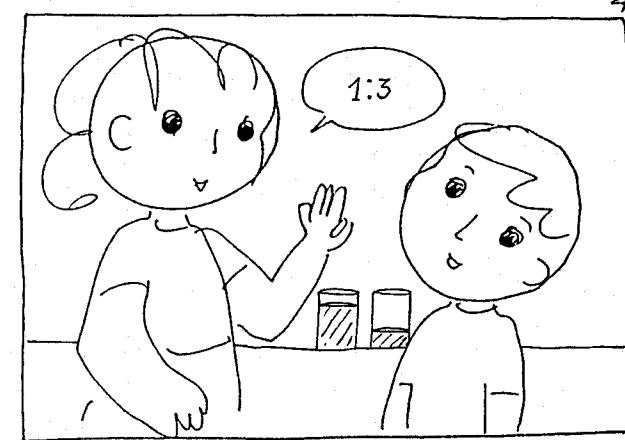
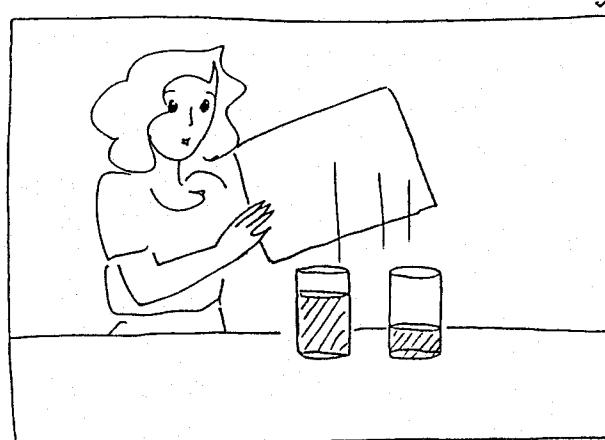
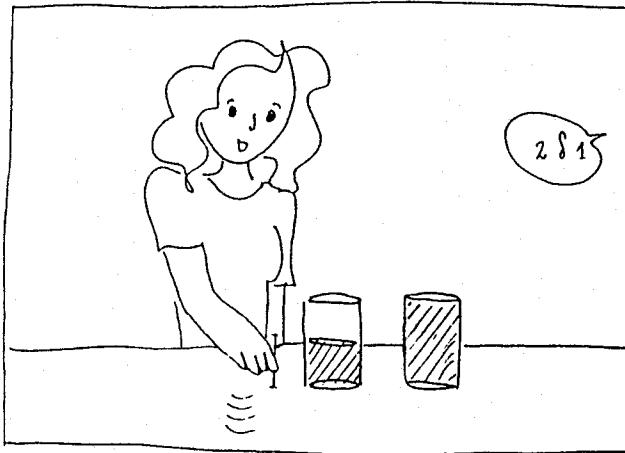
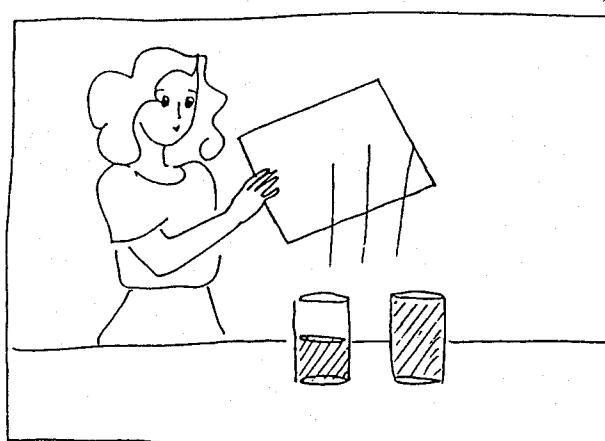
4

## זכירת יחס גבהים של נזלים בכלים זרים

חומרים מומלצים	פעילות	מטרות
----------------	--------	-------

2 כוסות מדידה שkopות (א). 2 כוסות שkopות + סרגל.	המורה מראה במהירות הרבה שתי כוסות מדידה זהות המכילות נוזל צבעוני בגבהים שונים (ביחס 1 ל-2). לאחר מכן היא מסתירה אותן מאחוריו דף קרטון (איור 1).	לזכור במהירות את היחסים הנוצרים על-ידי גבהי נזלים בכלים זרים.
רצועות קרטון ומקלות למדידה. מים צבעוניים.	על הילדים לומר מהו יחס הגבהים בין כמות הנזלים שבשתי הכוסות. המורה (או אחד הילדים) מאמתת את היחס על-ידי מידת הגבהים ברצועות קרטון או מקלות מדידה (איור 2).	
דף קרטון.	חזרם על התרגיל בכמויות נזלים שונות וביחס שונה (למשל 3 ל-1) (איור 3). על הילדים לומר מה היחס בין גבאי הנזלים שבשתי הכוסות (איור 4).	

**הערה:** ניתן לחזור על הפעולות ביחס גובה שונים, הניתנים לאומדן חזותי.



## גזרת רצועות נייר לפי יחסיו אורך נתוניים ויצירת פרופורציות

### חומרים מומלצים

רצועות נייר בריסטול  
באורךים שונים וברוחב של 1.5 ס"מ.

### פעילותות

המורה מחלקת לכל ילד שתי רצועות נייר בריסטול  
שרוחבן כ-1.5 ס"מ.

רצועת נייר אחת משמשת כדגם ועל הילדים לגזר את הרצואה האחראית לשני חלקים שווים. לאחר שגזרו משווים הילדים את החלק הגזoor והדגם ומתרשים מיחסו האורך שעשו (אוירם 1 עד 4).

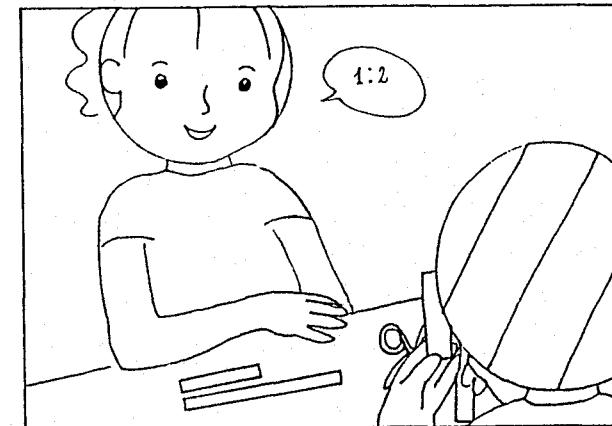
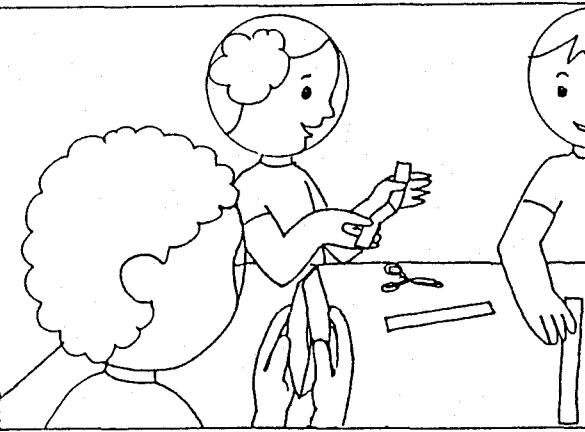
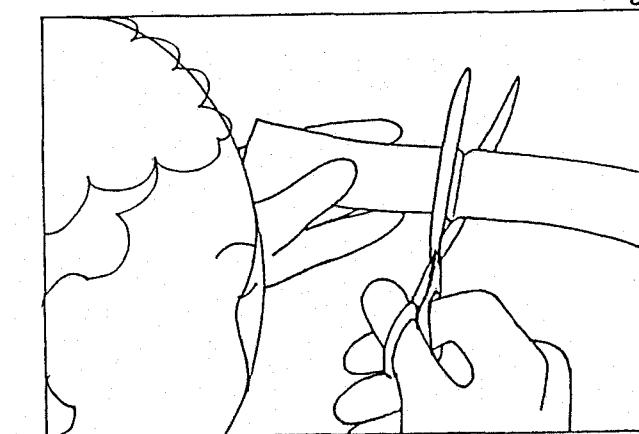
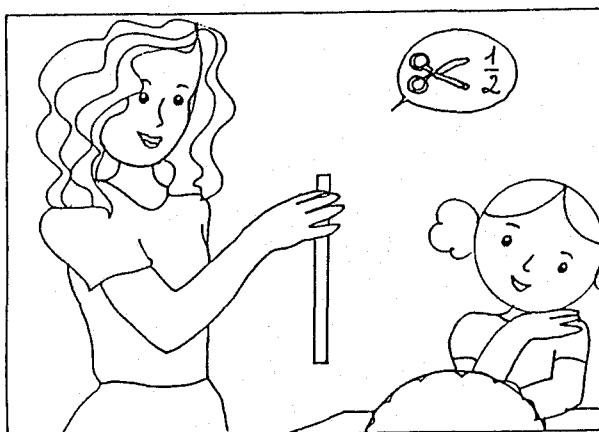
יש לחזור על התרגיל ולגזר רצועת נייר לרבעים. בכל פעם משווים הילדים את החלקים הגזoorים כדי לראות אם הם זהים ואותם לדגם.

המורה - אוספת את צמדי הרצועות שגזרו הילדים וմביקה אותם על גליון נייר גדול. הילדים שמים לב לזוגות עם יחסים שווים (פרופורציות).

במידה ורצועות הנייר לבנות רצוי להדביקן על גבי גליון נייר צבעוני ולהיפנק.

### מטרות

ליצור באופן עצמאי יחסוי אורך נתוניים ופרופורציות תוך פיתוח המימוננות המוטורית.



1

3

2

4

## شرطוט חצי, שלישי ורביע של קטע

### חומרים מומלצים

דף נייר חלקים עלייהם  
משורטטים קטעים נתוניים.

עפרונות כמספר הילדים.  
רצועות נייר באורך הקטעים  
הנתוניים.

### פעולות

המורה נותנת לכל ילד דף נייר חלק ועליו משורטט קטע נתון (איור 1). על הילדים לשרטט על אותו דף קטע אחר שארכו כמחצית הקטע המשורטט (איור 2).

לאחר מכן, מקבלים הילדים דף נוסף ועליו הקטע המשורטט. הם מתבקשים לשרטט קטע אחר שארכו כשליש מהקטע הנתון (איור 3), ולבסוף, קטע שהוא רביע מהקטע הנתון (איור 4).

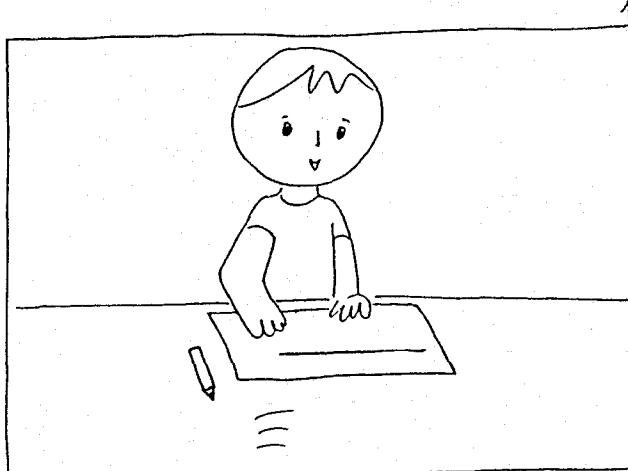
הילדים יבדקו בעזרת רצועת נייר (תווך כדי קיפול) עד כמה דיקו ביחסו האורך.

הערה: פעילות זו היא פעילות אומדן ואין לדרש או  
לצפות מהילדים לדיק ברמת מדידה.

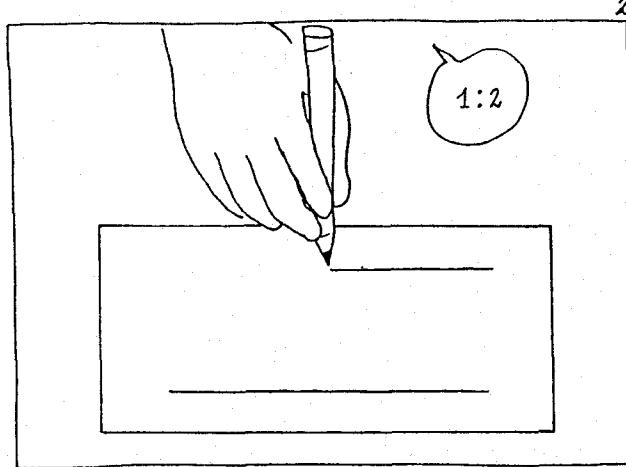
ניתן לצרף לפעולות זו את פעילות 19-20.

### מטרות

ליקוי יחסין אורך בדרך  
గրפית ובאופן עצמאי.



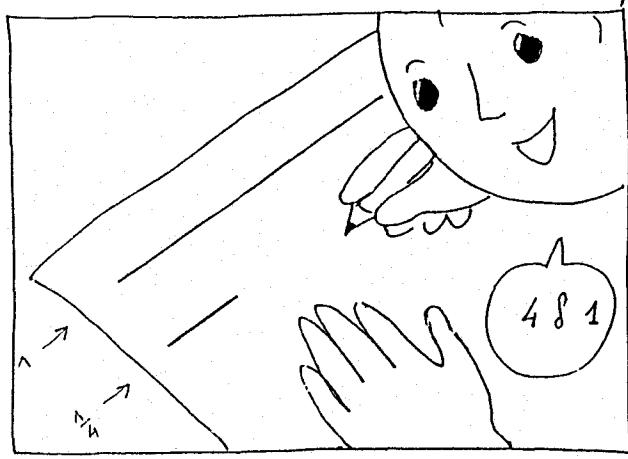
1



2



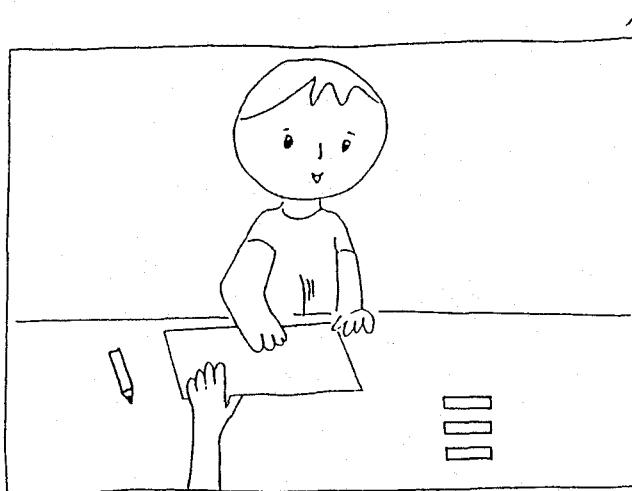
3



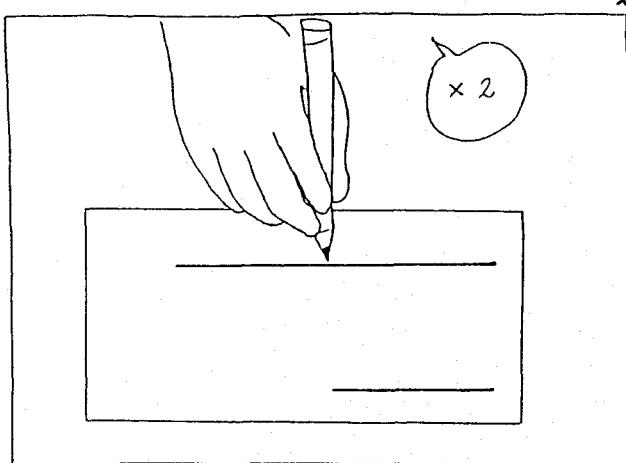
4

## שרטוט קטע על-פי קטע נתון ויחס אורך נתון

חומרים מומלצים	פעולות	מטרות
דף נייר עלייה משורטטים קטעים.  עפרונות.	המורה נותנת לכל ילד דף נייר חלק ועליו משורטט קטע נתון (איור 1).	ליצור יחס אורך באופן גրפי עצמאי.
רצועות נייר, באורך הקטע נתון.	הילדים ישרטו על אותו דף קטע אורך פי שניים (איור 2).	
	הילדים יבדקו בעזרת רצועות נייר מוכנות מראש עד כמה דיקנו (איור 3).	
	אח"כ יחוزوו הילדים על הפעולות תוך שרטוט קטע אורך פי שלושה וקטע אורך פי ארבעה, בכל פעם על דף נייר חדש (איור 4).	
	<b>הערה:</b> פעילות זו היא פעילות אומדן ואין לדרש או לצפות מהילדים לבדוק ברמת מדידה.	
	ניתן לצרף פעילות זו לפעילויות 18-20.	



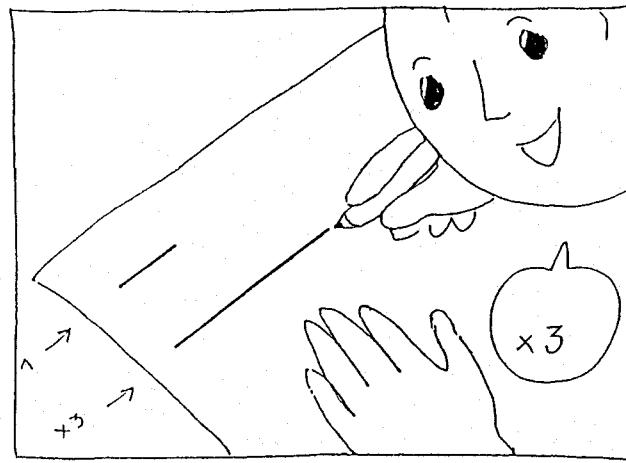
1



2



3



4

## שיכון גראפי של דגמי קטיעים ביחסי אורך שונים

### חומרים מומלצים

קרטיסי זיכרון מס' 1-16.

עפרונות.

דף נייר.

### פעולות

על גבי קרטיסי זיכרון מוצגים לפני הילדים דגמי קטיעים ביחסי אורך שונים (איורים 1 ו-3).

על הילדים לשחזר את הדגמים שראו על גבי הנייר שברשותם תוך כדי שימור יחס האורך (איור 2).

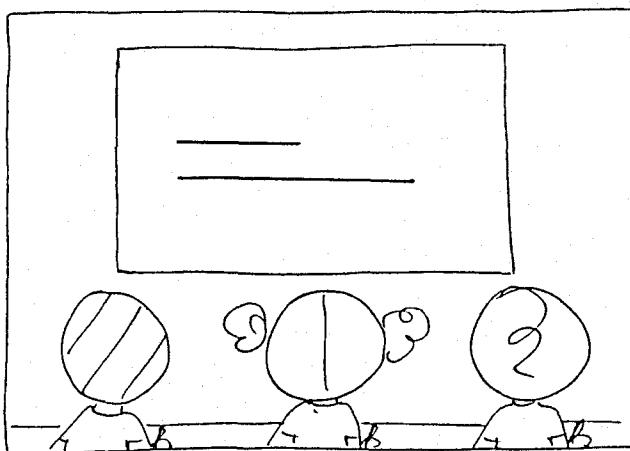
לאחר כ-3 קרטיסים יש לעבור להציג מילולית בה המורה מבקשת מהילדים לשרטט שני דגמי קטיעים באומרה את היחס ביניהם. לדוגמה: "3 ל-4". לאחר 3 הציגות מילוליות, המורה חוזרת לקרטיסים.

הילדים משווים בין עבודותיהם ומנסים להעיר את מידת הדיקוק בשיכון יחס האורך (איור 4).

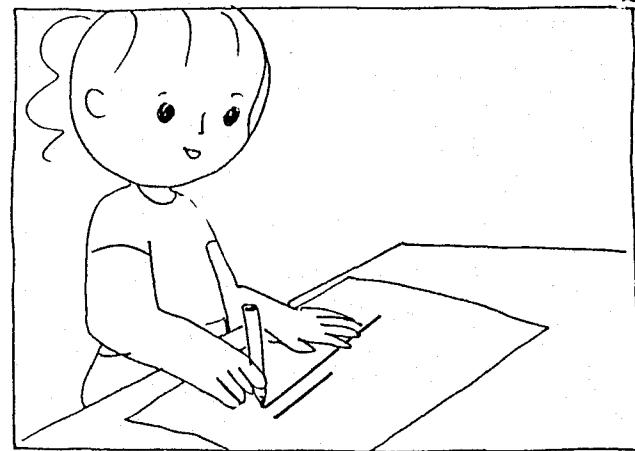
הערה: יש לחלק פעילות זו לשני מפגשים.

### מטרות

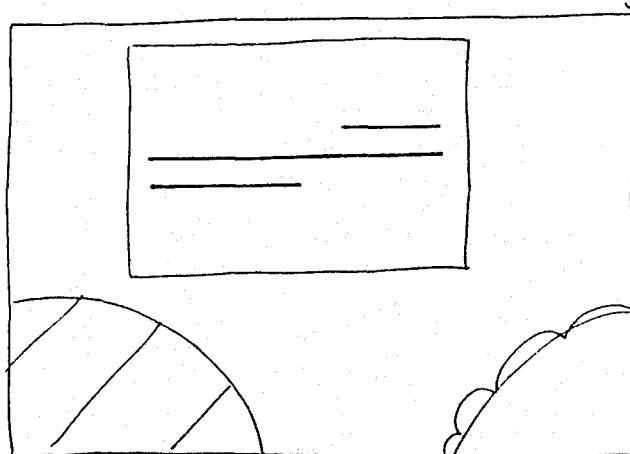
להפנים יחס אורך בין דגמי קטיעים תוך כדי שיחזורם הגרافي בדיק מידי.



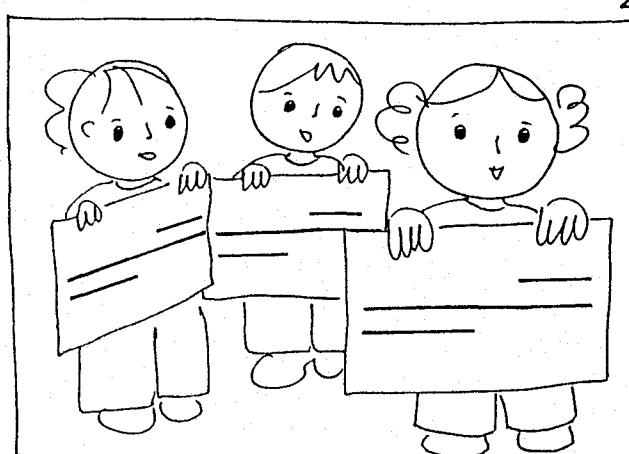
1



2



3



4

## שיכון גראפי לפיה משך צלילים

### חומרים מומלצים

משורקיות/חליל.  
דף נייר לבנים ועפרוגות.

### פעילותות

המורה משתמשת במשרוקית, חלילית או בשריקה בפה. הילדים יושבים מול המורה, כל אחד מהם מצויך בעיפרון ודף נייר חלק (איור 1).

המורה משמעה שתי שרייקות שעוצמתן שווה, וMSCI הזמן שלחן יוצרים ייחס של 1 ל-2. הילדים מתבקשים לשרטט שני קטעים לפי יחס משך הצלילים (איור 2).

עתה משמעה המורה שתי שרייקות נוספות ביחס של 1-3. הילדים משורטטים שני קטעים אחרים בהתאם ליחס משך הצלילים (איור 3).

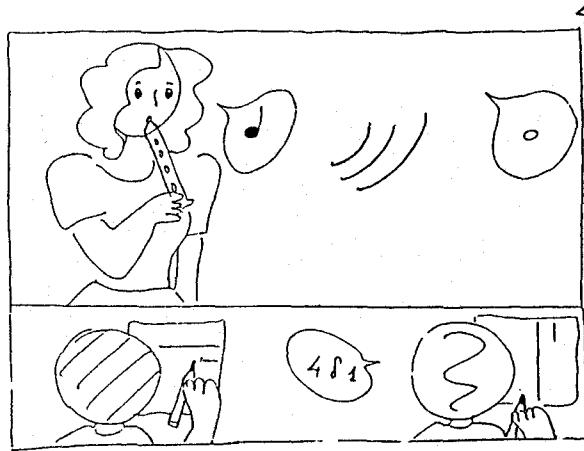
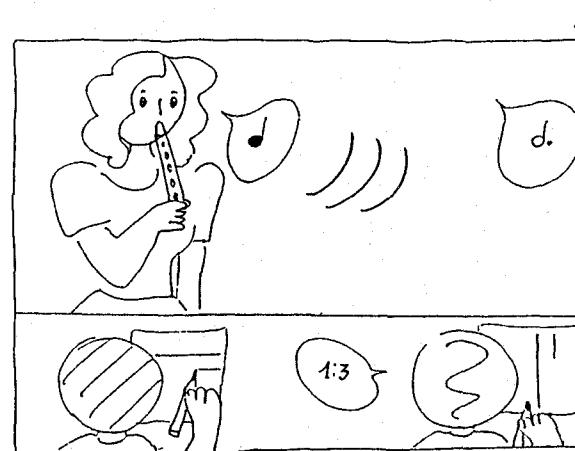
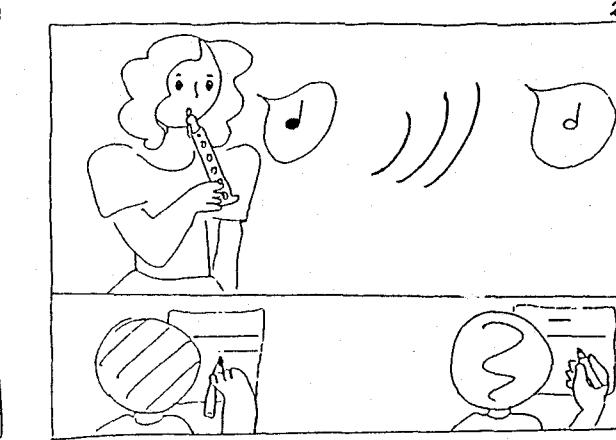
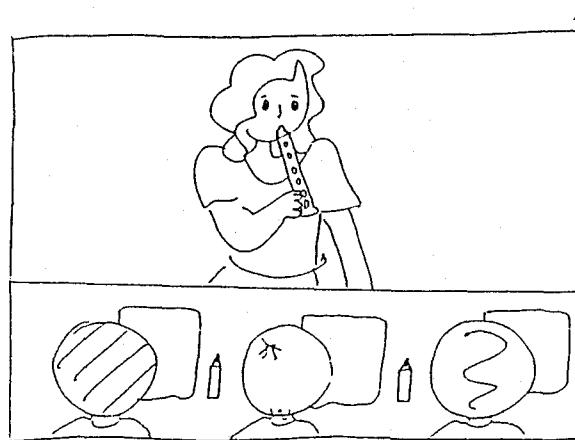
לבסוף, משמעה המורה שתי שרייקות נוספות ביחס של 1-4 והילדים משורטטים בהתאם (איור 4).

**הערה:** יש להשתדל לשמור על עצמת צלילים קבועה, לבחור יחידת זמן קבועה ואotta להכפיל לששל ולרבע בהתאם.

הילדים משווים בין תשובותיהם המשורטטות ומגיעים למסקנה כי האורך המוחלט של הקטעים אינו חשוב אלא ייחס בין האורכים.

### מטרות

לטוף קווארדיינציה אוזן-יד בהקשר יהסי-אורן.





[REDACTED]



